

ارائه راهکار ترسیمی نو جهت طراحی نوآورانه کاربندی نمونه مطالعاتی: کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز

مازیار آصفی* احمد نژاد ابراهیمی** امیر امجد محمدی***

چکیده

کاربندی، یکی از الگوهای پوشش تاقی است که ریشه در روش‌های دقیق هندسه ترسیمی دارد. این الگو به سبب داشتن هندسه مقید، از انعطاف زیادی برخوردار نبوده و در معماری ایران نیز تنها در زمینه‌های مشخص به کار رفته است. لذا همواره این سؤال مطرح است که روش‌های رایج ترسیم کاربندی چه محدودیت‌ها و مقتضیاتی دارند؟ و با شناخت این محدودیت‌ها و مقتضیات، چگونه می‌توان کاربردهای کاربندی را گسترش داد؟ تحقیق حاضر، با هدف پاسخ‌گویی به سوالات مذکور شکل گرفته است؛ لذا به منظور یافتن محدودیت‌ها و الزامات هندسی کاربندی، ابتدا کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز را بررسی و تحلیل می‌کند، سپس با در نظر گرفتن الزامات یافته شده، در صدد رسیدن به روشی است تا بتواند بر محدودیت‌های هندسی کاربندی فائق آمده و استفاده‌های آن را گسترش دهد. این پژوهش، با روش استدلال منطقی و با جمع‌آوری اطلاعات از طریق مشاهده عینی، بررسی‌های کتابخانه‌ای و مدل‌سازی رایانه‌ای، به ارائه راه حل‌هایی در جهت افزایش تنوع زمینه‌های کاربندی پرداخته است. نتایج بررسی نمونه‌های مطالعاتی نشان می‌دهد که شروط لازم و کافی برای پیاده‌سازی دقیق هندسه یک کاربندی n ضلعی در زمینه‌های چهار ضلعی این است که اولاً دو زاویه مقابل چهار ضلعی زمینه مکمل باشند، ثانیاً هر چهار زاویه به دست آمده از ترسیم یکی از اقطار آن، مضربی از حاصل تقسیم 180° بر تعداد اضلاع کاربندی ($\frac{180^\circ}{n}$) باشد، ثالثاً مرکز دایره محیطی، داخل چهار ضلعی زمینه قرار گیرد. سپس با در نظر گرفتن شروط مذکور، روشی ارائه شد که در مقایسه با روش‌های ترسیمی موجود، محدودیت‌های کمتری دارد و استفاده از کاربندی را در زمینه‌های نامنظم نیز ممکن می‌کند.

پرستال جامع علوم انسانی

کلیدواژه‌ها: کاربندی، هندسه کاربندی، باریکه‌تاق متقاطع، پوشش تاقی، بازار تاریخی تبریز

* دانشیار، دانشکده معماری و شهرسازی، دانشگاه هنر اسلامی تبریز (نویسنده مسئول).

** دانشیار، دانشکده معماری و شهرسازی، دانشگاه هنر اسلامی تبریز.

*** کارشناس ارشد، دانشکده معماری و شهرسازی، دانشگاه هنر اسلامی تبریز.

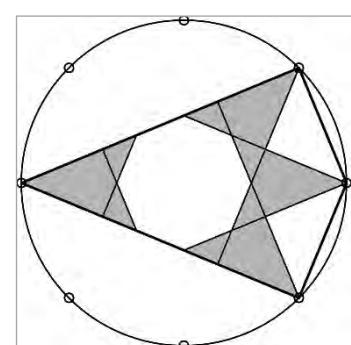
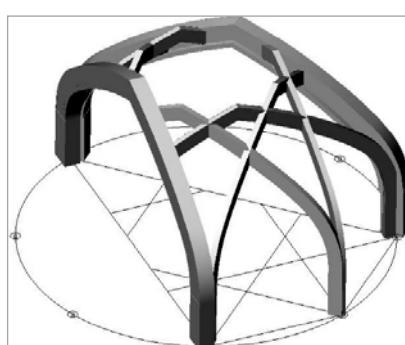
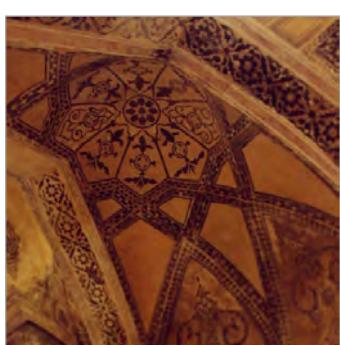
مقدمه

با در نظر گرفتن مقتضیات و الزامات یافته شده، در صدد رسیدن به روشی است تا بتواند بر محدودیت‌های هندسی کاربندی فائق آمده و استفاده‌های آن را گسترش دهد. در این راستا، زمینه‌های چهار ضلعی به عنوان معیار مطالعه قرار می‌گیرند و امکان سنجی پیاده‌سازی هندسه کاربندی در انواع زمینه‌های چهار ضلعی بررسی می‌شود تا راه حلی برای ترسیم کاربندی ارائه شود که برای زمینه‌های چهار ضلعی نامنظم نیز قابل استفاده باشد. در نهایت، با ترکیب کاربندی‌های ترسیم شده در زمینه‌های چهار ضلعی، نمونه پیچیده‌تری نیز ارائه می‌شود. هدف مذکور، بر این فرضیه استوار است که هندسه کاربندی و زمینه آن دارای ارتباطی دقیق و نظاممند هستند که با کشف این رابطه می‌توان به راهکارهایی جدید برای پیاده‌سازی هندسه کاربندی دست یافت. بر اساس آن چه گفته شد، این پژوهش به روش استدلال منطقی و با جمع‌آوری اطلاعات از طریق مشاهده عینی، بررسی‌های کتابخانه‌ای و مدل‌سازی رایانه‌ای در پی پاسخ به این سوالات بوده است: (الف) شروط لازم و کافی برای پیاده‌سازی دقیق هندسه یک کاربندی n ضلعی کدام هستند؟ (ب) ابعاد و هندسه زمینه، چه خصوصیاتی به هندسه کاربندی دیکته می‌کنند؟ (ج) به چه صورت و با چه روشی می‌توان هندسه کاربندی را در زمینه‌های نامنظم نامنظم به کار بست؟^۲

پیشینه تحقیق

درباره کاربندی، منابع مختلفی تحریر یافته که هر یک از دیدگاهی در مورد آن بحث نموده‌اند. لیکن تنها در محدودی از آنها به جنبه‌های هندسی و شکلی توجه شده است که عموماً رویکرد کیفی دارند. رویکرد کمی مورد نظر در این تحقیق، نگرش میان رشته‌ای و فراگیر به موضوع و کشف و شناخت مؤلفه‌های اثرگذار بر پیاده‌سازی هندسه کاربندی در زمینه‌های چهار ضلعی و سپس طرح راهکاری عالمانه برای اجرای هندسه کاربندی در زمینه‌های نامنظم است. در

کاربندی، یکی از عناصر سازه‌ای - تزئینی معماری ایران است که طرح و خلق آن، بر پایه اصول دقیق هندسی بنا نهاده شده است و نمونه‌هایی از ساده‌ترین تا متكامل‌ترین انواع آن در نقاط مختلف ایران قابل رؤیت هستند (معماریان، ۱۳۹۱). این عنصر ساختمانی به سبب برخی خصوصیات هندسی، سازه‌ای و عملکردی از دیگر عناصر معمارانه‌ای چون مقرنس، یزدی‌بندی، کاسه‌سازی و غیره متفاوت و متمایز گشته است؛ خصوصیاتی که توجه بسیاری از استاد کاران و پژوهشگران عرصه مطالعات معماری ایران را به خود جلب کرده و باعث نگارش و نشر مطالب متنوعی درباره آنها شده که رویکرد آنها عمده‌اً گونه‌شناسی هندسی، شکلی و یا ساختاری است. نکته‌ای که در برخی از این منابع بدان اشاره شده، انعطاف‌پذیری پایین هندسه کاربندی است (نوایی و حاجی‌قاسمی، ۱۳۹۰؛ حلی، ۱۳۶۵)، که بدین سبب در معماری ایران نیز به جز چندین نمونه انگشت‌شمار - هم‌چون کاربندی سربینه حمام و کیل شیراز - تنها در زمینه‌های نامنظم و هندسی به کار رفته است (تصویر ۱). با این وجود، پژوهش هدفمند و قابل توجهی در خصوص علت‌یابی محدودیت‌های هندسی کاربندی و بررسی امکان استفاده از آن در زمینه‌های نامنظم^۱ صورت نگرفته و راه حلی برای کاربست آن در این گونه زمینه‌ها ارائه نشده است. با درک این موضوع، هدف تحقیق در وهله اول، یافتن مقتضیات و الزامات هندسه کاربندی است. بدین منظور، چندین نمونه از نفیس‌ترین و متنوع‌ترین کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز به عنوان نمونه‌های مطالعاتی انتخاب شدند و مورد تحلیل و بررسی هندسی قرار گرفتند. توجه به ثبت جهانی بازار تاریخی تبریز و مطالعات پژوهشی بر آثار تاریخی معماری ایرانی و هم‌چنین کوشش فراوان معماران بازار تبریز در خلق زیباترین، متنوع‌ترین و پیچیده‌ترین انواع کاربندی در آن، اهمیت مطالعه کاربندی‌های بازار تبریز را به عنوان نمونه موردنی آشکار می‌کند. این تحقیق در وهله بعدی

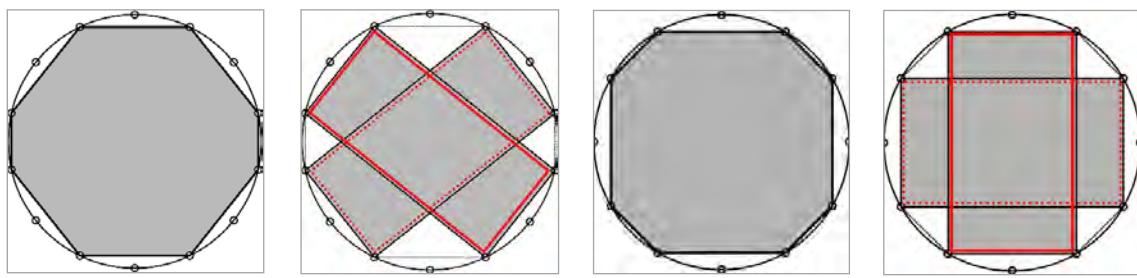


تصویر ۱. سربینه حمام و کیل شیراز (نگارندگان)

است و صرفاً در زمینه‌های منتظم کاربرد دارد. تحقیق دیگری توسط صاحب محمدیان و فرامزی (۱۳۹۰) انجام شده است که بیشتر به گونه‌شناسی فرمی کاربندی اختصاص دارد و روش ترسیمی مستقلی در آن ارائه نمی‌شود. در این تحقیق، چندین رابطه مثبتانی نیز برای پیاده‌سازی کاربندی ساده در زمینه‌های مستطیلی و محاسبه تعداد اضلاع آن ارائه شده، که نسبت به روابط استاد پیرنیا دقیق‌تر بوده، اما صرفاً برای زمینه‌های مستطیلی هستند. رئیسی و همکاران (۱۳۹۲)، سه ابهام در نام‌گذاری، تشخیص هندسه و تشخیص نقش ساختمانی کاربندی را شناسایی و تحلیل و سپس راه حلی برای ابهام‌زدایی هر کدام مطرح کرده‌اند. بر این اساس، سه معیار در هندسه نظری، هندسه عملی و نقش ساختمانی برای تشخیص نمونه‌ها تبیین شده و در نهایت بر اساس سه معیار مذکور، انواع کاربندی‌ها را در هشت گونه تقسیم‌بندی کرده‌اند. چنان‌لو و همکاران (۲۰۱۷) در تحقیق دیگری، فرآیند طراحی هندسی کاربندی تیمچه حاج محمدقلی بازار تاریخی تبریز را به عنوان یک نمونه بر جسته، بررسی و سپس آنالیز سازه‌ای کرده‌اند، ولی به صورت عمومی، اصول هندسی کاربندی و مقتضیات آن را مورد بررسی و تحلیل قرار نداده‌اند. ستاری ساربانقلی و جدایی (۱۳۹۰) در تحقیق خود، کاربندی‌های بازار تبریز را برداشت کرده و پلان آنها را ترسیم کرده‌اند؛ با این وجود، فرآیند و نحوه تشکیل هندسه آنها را مطالعه نکرده‌اند. در تحقیق انجام‌شده توسط پور احمدی (۲۰۱۴)، برای گونه‌های مختلف کاربندی، یک نام‌گذاری جدید و متفاوت با آن چه در معماری ایرانی وجود دارد، صورت گرفته است. با این وجود در بخش‌های اول آن، کلیات هندسه کاربندی و تعاریف برخی گونه‌های آن ذکر شده‌اند. بر اساس بررسی‌های صورت گرفته، تمامی منابع فوق به مطالعه و گونه‌شناسی کاربندی‌های موجود در معماری ایران اختصاص دارند و هیچ‌کدام با هدف رفع محدودیت‌های هندسی کاربندی و ارائه ایده‌های نوآورانه برای طراحی آن صورت نگرفته‌اند. از طرفی، چندین روش سنتی موجود صرفاً برای زمینه‌های منتظم و ویژه کاربرد داشته و از انعطاف‌پذیری برخوردار هستند. لذا فقدان منابعی محرز

حال حاضر، خلاً چنین پژوهش‌هایی درباره کاربندی مشهود است؛ با این وجود در این بخش، برخی از منابعی که در آنها به‌نحوی به موضوع توجه شده، ذکر می‌شوند. مهم‌ترین منبع موجود در این خصوص که برگرفته از برخی آموزه‌های استاد پیرنیا بوده، توسط بزرگمهری (۱۳۸۵) تحریر یافته است. در این کتاب ضمن معرفی کلیات سازه‌ای و ساختاری کاربندی، یک نوع روش ترسیمی سنتی نیز برای آن ارائه شده است (پیرنیا و بزرگمهری، ۱۳۸۵). لکن روش ترسیمی ارائه شده، صرفاً برای زمینه‌های منتظم بوده و از میان اشکال چهار ضلعی نیز تنها در مربع و مستطیل استفاده می‌شود. روش ترسیمی مذکور، مبتنی بر تقسیم دایره به قطاع یکسان و ترسیم وترهای متقاطع و متساوی بین نقاط تقسیم است. روابط ذکر شده در این منبع – هم‌چون رابطه محاسبه تعداد اضلاع کاربندی – صرفاً برای زمینه‌های مستطیلی است. در زمینه‌های غیرمستطیلی نیز، ابتدا زمینه به صورت ترکیبی از دو مستطیل متساوی و متقاطع فرض شده و سپس هندسه کاربندی با استفاده از روابط زمینه‌های مستطیلی، محاسبه و ترسیم می‌شود. بنابراین این روش برای زمینه‌های مستطیلی و یا زمینه‌هایی که از ترکیب دو مستطیل متساوی و متقاطع تشکیل می‌شوند، مناسب است (تصویر ۲).

روش سنتی دیگر توسط استاد شعریاف (۱۳۸۵) مطرح شده که این روش برای ترسیم نیم‌کار بوده، با این حال استفاده از آن برای ترسیم کاربندی کامل در زمینه‌های متقابل نیز امکان‌پذیر است. ترسیم کاربندی در این روش، بدون استفاده از دایره محیطی و مستقیماً داخل زمینه انجام می‌گیرد؛ با این وجود این روش نیز هم‌چون روش مذکور، صرفاً برای زمینه‌های منتظم و ویژه است. در این منبع، رابطه‌ای برای محاسبه تعداد اضلاع کاربندی ارائه نشده است و ترسیم کاربندی با دانستن تعداد اضلاع کاربندی و طول دهنۀ تاق ممکن می‌شود. استاد لرزاده (۱۳۵۸) در خلاصه روش‌های ترسیم انواع کارهای معمارانه‌ای چون کاسه‌سازی، مقرنس و گره‌سازی، بخشی را نیز به نحوه ترسیم کاربندی اختصاص داده‌اند. روش ترسیمی ارائه شده، مشابه روش استاد شعریاف



تصویر ۲. زمینه‌های تشکیل شده از ترکیب دو مستطیل متساوی و متقاطع (نگارنگان)

سازه‌ای نیز داشته‌اند (نزاد ابراهیمی و همکاران، ۱۳۹۶). گاهی در نقش پوشش اصلی بنا به کار رفته و گاه در نقش پوشش زیرین و گاهی نیز چون چپیره در زیر گنبد قرار می‌گیرند. یک مجموعه شاخص برای مشاهده گونه‌هایی از زیباترین و متكامل‌ترین کاربندی‌ها، بازار تاریخی تبریز است (تهرانی، ۱۳۹۰). در این بخش، چندین نمونه از بهترین کاربندی‌های بازار، انتخاب شده و نحوه شکل‌گیری هندسه آنها بررسی شده‌اند (جدول ۱).

کاربندی به‌سبب داشتن هندسه مقید و دقیق، از انعطاف پایینی برخوردار بوده و درست به‌همین علت، در طول تاریخ معماری ایران نیز تنها در زمینه‌های مشخص و ویژه به کار رفته؛ چنان‌که در نمونه‌های فوق نیز قابل مشاهده است، کارها روی زمینه‌های متقارن و منظمی هم‌چون مربع، مستطیل و هشت ضلعی‌های متقارن به کار رفته‌اند. نکته لازم به ذکر دیگر، محاطی بودن زمینهٔ تک تک کاربندی‌ها است. در برخی نمونه‌ها نیز هم‌چون کاربندی تیمچه حاج شیخ سوم و مظفریه، دو یا چند کاربندی با هم ترکیب شده و نمونه‌های پیچیده‌تری ایجاد کرده‌اند. هم‌چنین بررسی و تحلیل نمونه‌های فوق و استفاده از یافته‌های برخی منابع مهم در این خصوص (پیرنیا و بزرگمهری، ۱۳۸۵؛ نوایی و حاجی‌قاسمی، ۱۳۹۰)، روشن ساخت که هندسه کاربندی بر پایهٔ دو اصل ذیل است و در صورت عدم تحقق آنها، نمی‌توان به محصول نهایی، واژهٔ کاربندی اطلاق کرد:

– هندسه پلانی یک کاربندی n ضلعی، مبتنی بر تقسیم دایره به n قطاع یکسان و ترسیم وترهای متقطع و متواوی بین نقاط تقسیم است، که بدین سبب همواره عضوی دایره‌ای شکل به نام شمسه در مرکز دایرهٔ محیطی تشکیل می‌شود. در نهایت، امتداد وترها در خارج از زمینه و داخل سوسنی‌ها حذف می‌شوند (تصویر ۴).

– ساختار هندسی کاربندی در بعد سوم، بر اساس دوران یک باریکه‌تاق حول مرکز دایرهٔ محیطی تشکیل می‌شود؛ لذا تمامی باریکه‌تاق‌های کاربندی دارای ابعاد و تناسبات یکسانی هستند (تصویر ۴).

می‌شود که با نگاهی عمق‌نگر به جستجوی مبانی پایه‌ای موضوع پرداخته و پارامترهای اثرگذار در پیاده‌سازی هندسه کاربندی، در انواعی از زمینه‌های نامنظم را مشخص و بیان کرده و به ارائه راهکارهای ترسیمی فراگیرتر بپردازند. تحقیق حاضر با تمرکز بر خلاً علمی موجود، ابتدا هندسه کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز را بررسی کرده و خصوصیات هندسی کاربندی را استخراج می‌کند، سپس با شناخت مقتضیات هندسه کاربندی، یک روش ترسیمی جدید برای طراحی نوآورانه آن ارائه می‌دهد. مهم‌ترین تفاوت روش ترسیمی ارائه‌شده با روش‌های سنتی موجود آن است که روش حاضر، استفاده از کاربندی را در زمینه‌های چند ضلعی نامنظم نیز ممکن می‌کند؛ زمینه‌هایی که در راسته‌های ارگانیک بازارهای تاریخی ایران به‌فور قابل مشاهده هستند که با تاق‌های دیگری هم‌چون تاق کلمبو پوشیده شده‌اند (تصویر ۳).

روش تحقیق

این پژوهش، از نوع تحقیقات کاربردی بوده که در دو بخش کلی ارائه شده است: بخش اول؛ از طریق مطالعات میدانی و مشاهده عینی، به بررسی و تحلیل نمونه‌های کاربندی بازار تاریخی تبریز پرداخته است تا بدین صورت، اصول هندسی کاربندی و روابط ریاضی آن را به‌دست آورد، بخش دوم نیز به‌روش استدلال منطقی و مدل‌سازی رایانه‌ای و با بهره‌گیری از مطالعات بخش اول، در صدد یافتن راه حلی برای ترسیم و پیاده‌سازی کاربندی در زمینه‌های نامنظم است.

نمونه‌های مطالعاتی کاربندی در بازار تاریخی تبریز
کاربندی به‌سبب قابلیت‌های فرمی و عملکردی بالای خود، کاربردهای بسیار گسترده‌ای در معماری ایران داشته است. این قابلیت‌ها در طول تاریخ، توجه طیف وسیعی از معماران خبره و متبحر ایرانی را به‌خود جلب کرده و باعث طرح و خلق کارهای متنوعی شده‌اند؛ بنحوی که در نقش‌های متنوع و بخش‌های گوناگونی از ابنيه ظاهر شده و علاوه بر جنبه‌های تزئینی و زیبایی‌شناسانه، نقش



تصویر ۳. زمینه‌های نامنظم در بازار تاریخی تبریز (نگارندگان)

ضلعی‌هایی قابل محاط در دایره هستند که در آنها دو زاویه روبرو به یکدیگر مکمل باشند، یا به طور بر عکس در هر چهار ضلعی محاطی، زوایای روبرو بهم مکمل یکدیگر هستند (همان: ۴۹). از این‌رو، شرط اول پیاده‌سازی دقیق هندسه کاربندی بر روی زمینه‌های چهار ضلعی این است که دو زاویه مقابله چهار ضلعی مورد نظر، مکمل باشند (جدول ۲).

شرط دوم

روشن است که هر کاربندی در هر زمینه‌ای قابل اجرا نیست. پیاده‌سازی یک کاربندی n ضلعی، نیازمند زمینه‌ای با تنشیات خاصی بوده که دقیقاً در ارتباط با تعداد اضلاع کاربندی است؛ لذا باید خصوصیات زمینه لازم برای یک کاربندی n ضلعی محاسبه و تبیین شود.

هندسه کاربندی، مبتنی بر تقسیم دایره به کمان‌های یکسان و ترسیم وترهای متقاطع و متساوی بین نقاط تقسیم بوده که مهم‌ترین مسئله در آن، انطباق الگوی هندسه ترسیمی با زمینه کار است. برای تحقق چنین انطباقی بین الگوی ترسیمی کاربندی با زمینه کار، بایستی رئوس چهار ضلعی منطبق بر نقاط تقسیم دایره باشند. بنابراین می‌توان شرط دوم را بدین صورت بیان کرد که یک کاربندی n ضلعی، صرفاً در چهار ضلعی‌هایی قابل اجرا است که با تقسیم دایرة محیطی به n قطاع مساوی، رئوس چهار ضلعی بر روی نقاط تقسیم دایره قرار بگیرند. برای مثال، تصویر ۵، چندین نمونه از چهار ضلعی‌هایی را نشان می‌دهد که امکان اجرای کاربندی ۲۴ ضلعی در آنها وجود دارد.

برای به دست آوردن مشخصه چهار ضلعی‌های فوق، ابتدا یکی از اقطار آنها را ترسیم می‌کنیم؛ بدین صورت چهار زاویه

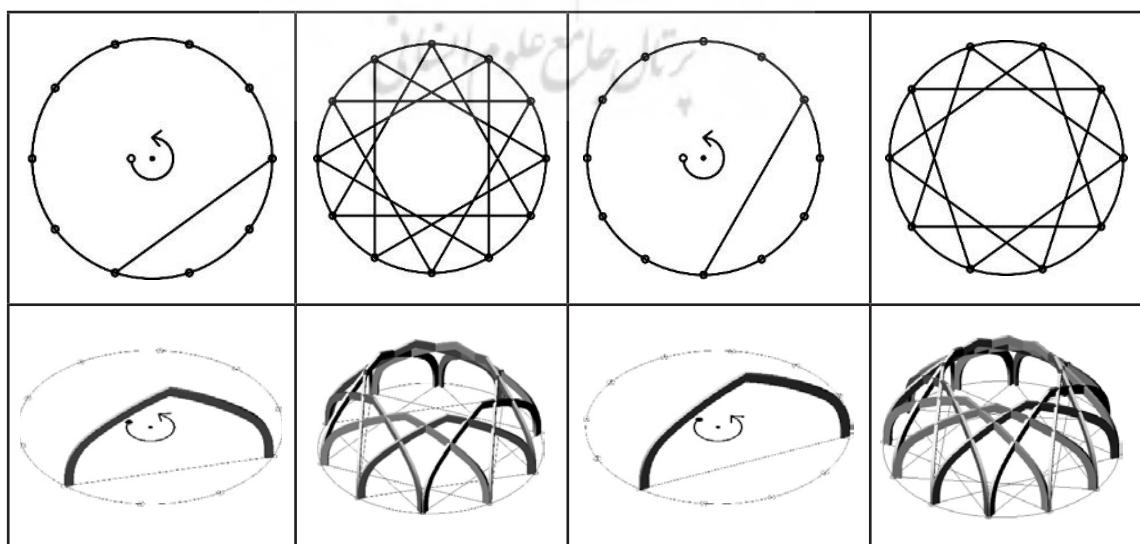
مطالعه نمونه‌های موردی روشن کرد که پیاده‌سازی هندسه کاربندی در یک زمینه خاص، مستلزم برقراری ارتباط دقیقی بین هندسه و نوع کاربندی و تنشیات و بعد زمینه اجرایی است که با بی‌توجهی بدان، هرگز نتایج مطلوبی حاصل نمی‌شود. چنین ارتباطی به صورت متقابل بین هندسه کاربندی و زمینه اجرایی برقرار است؛ به طوری که هندسه کاربندی، برخی بایدها و نبایدهایی به زمینه مورد نظر تحمیل کرده و نیز بخشی از مشخصات خود را از ابعاد و تنشیات زمینه می‌گیرد (Amjad Mohammadi et al, 2018). مقاله حاضر در دو دسته کلی "ازامات هندسه کاربندی" و "ازامات زمینه‌های چهار ضلعی"، به بررسی و تحلیل چنین روابطی پرداخته است.

ازامات هندسه کاربندی

چنان‌که روشن شد، هندسه کاربندی، از روش‌های ترسیمی دقیق و ریاضی وار به دست می‌آید؛ لذا محدودیت و الزاماتی برای زمینه‌های کاربندی وجود دارد. از این‌رو باید شروط لازم و کافی را که هندسه یک کاربندی n ضلعی برای زمینه‌های چهار ضلعی ارائه می‌نماید، محاسبه و بررسی نمود.

شرط اول

مهماز ترین خصوصیت هندسه کاربندی که آن را از دیگر کارهایی چون مقرنس، کاسه‌سازی و غیره متمایز می‌کند، هندسه و تری آن است؛ این هندسه تنها در زمینه‌هایی امکان اجرا دارد که محاط در دایره باشند. اما نکته در خور توجه این است که الزاماً از هر چهار نقطه واقع بر روی صفحه، نمی‌توان دایره‌ای گذراند یا به عبارتی دیگر همه چهار ضلعی‌ها الزاماً محاطی^۳ نیستند (احمدپور و مسگری، ۱۳۸۶: ۶۷)، تنها چهار



تصویر ۴. هندسه پلانی و فرمی کاربندی (نگارندهان)

الزامات زمینه‌های چهار ضلعی

پیاده‌سازی هندسه کاربندی در هر زمینه‌ای، مقتضیات و الزامات خاص خود را می‌طلبد که دقیقاً در ارتباط با ابعاد و تناسبیات زمینه مورد نظر است (فرشچی و همکاران، ۱۳۹۵). این بخش از تحقیق، در پی تبیین روابطی است که بدان طریق بتوان برای هر زمینه (زمینه‌های چهار ضلعی)، کاربندی مناسب با آن را انتخاب و ترسیم کرد. در این میان، مهم‌ترین پارامترهایی که توسط زمینه کاربندی تعیین می‌شوند، «چند به چند (دو به دو، سه به سه یا غیره)» وصل شدن نقاط تقسیم دایره مینا» و «تعداد اضلاع کاربندی» است که در ذیل به تفصیل مورد بررسی قرار گرفته‌اند.

چند به چند (دو به دو، سه به سه یا غیره) وصل شدن نقاط تقسیم دایره مینا

چنان‌که قبل از اینکه شد هندسه کاربندی، مبتنی بر تقسیم دایره به کمان‌های متساوی و ترسیم و ترها متقاطع بین نقاط تقسیم است. اتصال نقاط تقسیم دایره با فاصله‌های دلخواه صورت نمی‌گیرد. در زمینه‌های مستطیلی، بزرگ‌ترین ضلع (طول مستطیل)، عامل تعیین‌کننده مشخصه مذکور است؛ به طوری که اگر طول مستطیل در مقابل m قطاع از m دایره قرار گیرد، همه نقاط تقسیم دایره با فاصله m به هم وصل می‌شوند (پیرنیا و بزرگ‌مهری، ۱۳۸۵: ۱۳). این مشخصه در زمینه‌های چهار ضلعی نامنظم^۲ (محاطی) نیز از طریق بزرگ‌ترین ضلع چهار ضلعی، قابل محاسبه است. اما باید توجه داشت که اگر در چهار ضلعی‌های نامنظم - نیز همچون زمینه‌های مستطیلی - نقاط تقسیم دایره با فاصله m به هم وصل شوند، در یک یا دو طرف مجاور کاربندی، عضو سوسنی حذف شده و بدین سبب کاربندی، توازن و هماهنگی خود را از دست می‌دهد. برای اجتناب از این مسئله، می‌توان نقاط تقسیم دایره را با فاصله $1+m$ به $1+m$ به هم وصل کرد تا کاربندی به دست آمده، از هماهنگی و توازن بیشتری برخوردار باشد (جدول ۵).

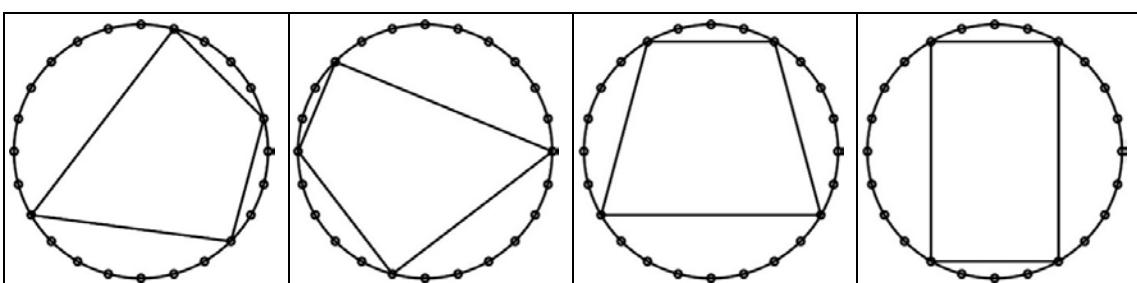
محاطی^۳ $a^{\wedge}, b^{\wedge}, c^{\wedge}$ و d^{\wedge} به دست می‌آیند (جدول ۳). همان‌گونه که در جدول ۳ مشهود است، کمان رو بروی تمامی زوایای $a^{\wedge}, b^{\wedge}, c^{\wedge}$ و d^{\wedge} مضربی از قطاع ایجادشده بر روی دایره هستند. برای مثال، در این جدول با توجه به این که دایره به ۲۴ قسمت مساوی تقسیم شده، زاویه هر قطاع برابر حاصل تقسیم 360° بر ۲۴ است.^۴ از این‌رو تمامی کمان‌های رو بروی به زوایای مذکور، مضربی از 15° هستند. حال با توجه به این که اندازه هر زاویه محاطی برابر نصف کمان رو بروی خود است، تمامی زوایای $a^{\wedge}, b^{\wedge}, c^{\wedge}$ و d^{\wedge} نیز مضربی از 7.5° (نصف 15°) هستند. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که کاربندی ۲۴ ضلعی تنها در چهار ضلعی‌هایی قابل اجرا است که - جدا از محاطی بودن - هر چهار زاویه به دست آمده از ترسیم یکی از اقطار آن (زوایای $a^{\wedge}, b^{\wedge}, c^{\wedge}$ و d^{\wedge})، مضربی از 7.5° باشند (جدول ۳).

حال می‌توان مشخصه فوق را - به همان ترتیبی که برای زمینه‌های کاربندی ۲۴ ضلعی محاسبه شد - برای زمینه‌های کاربندی‌های n ضلعی نیز به دست آورد. بر این اساس، شرط دوم پیاده‌سازی یک کاربندی n ضلعی در انواعی از چهار ضلعی‌ها، این است که هر چهار زاویه به دست آمده از ترسیم یکی از اقطار آن (زوایای $a^{\wedge}, b^{\wedge}, c^{\wedge}$ و d^{\wedge})، مضربی از حاصل تقسیم 180° بر تعداد اضلاع ($\frac{180^{\circ}}{n}$) باشند.

$$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \left(\frac{360^{\circ}}{n} \times \frac{1}{2} \right) x = \left(\frac{180^{\circ}}{n} x \right), \quad x \in \mathbb{N}$$

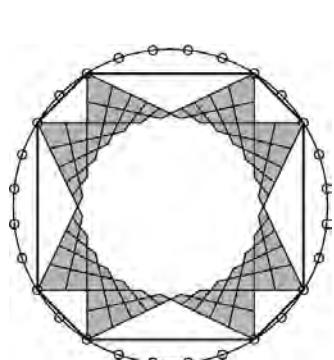
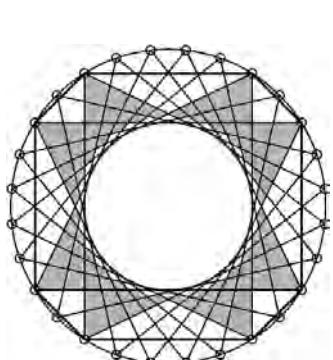
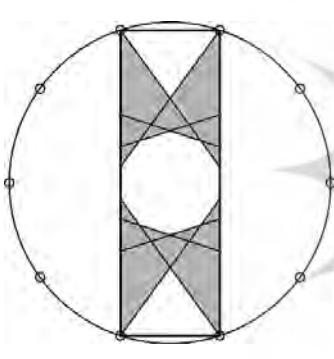
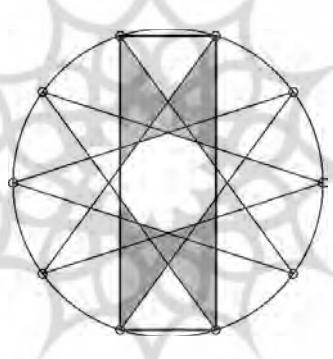
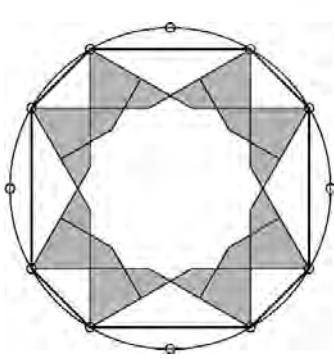
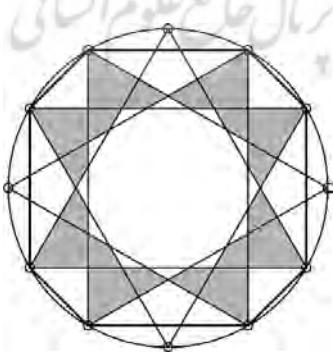
شرط سوم

یکی از الزامات هندسه کاربندی این است که شمسه کاربندی، درون چهار ضلعی زمینه تشکیل شود. این شرط، زمانی محقق می‌شود که مرکز دایرة محیطی، داخل چهار ضلعی زمینه قرار گیرد؛ در غیر این صورت، چهار ضلعی زمینه به طور کامل در نصف دایره قرار گرفته و پیاده‌سازی هندسه کاربندی در آن امکان‌پذیر نیست (جدول ۴).

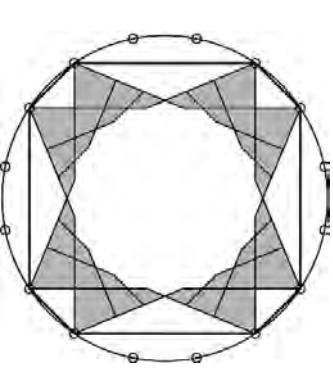
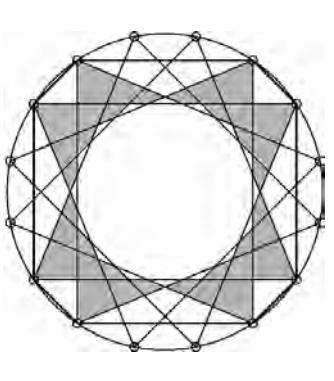
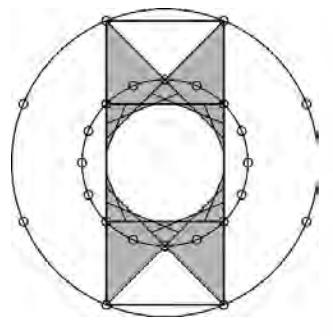
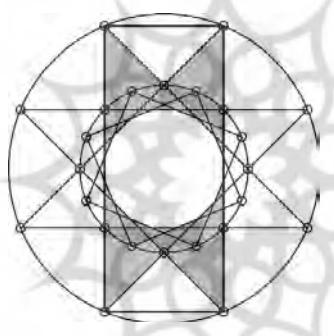
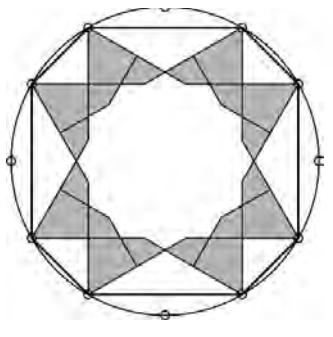
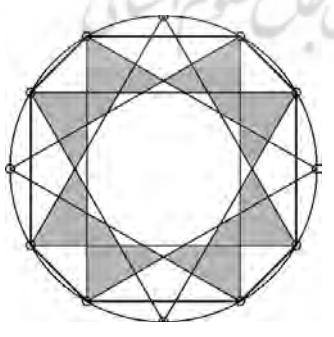


تصویر ۵. نمونه‌هایی از زمینه‌های چهار ضلعی مستعد پیاده‌سازی کاربندی ۲۴ ضلعی (نگارندگان)

جدول ۱. بررسی ساختار هندسی ۱۳ نمونه از نفیس‌ترین کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز

<p>تیپه‌های جنوب</p>   
<p>۱) کاربندی قالب شاقولی ۲۸ ضلعی با سه ردیف حذف ترنج. ۲) از نوع رسمی گسترش که از تقاطع عمودی دو کاربندی ساده ۲۸ ضلعی تشکیل یافته است. ۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۹ به ۴. ۴) زمینه: هشت و نیم هشت</p>
<p>تیپه‌های شمال</p>   
<p>۱) کاربندی قالب شاقولی ۱۰ ضلعی کامل، از نوع رسمی ساده. ۲) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۴ به ۳. ۳) زمینه: مستطیل</p>
<p>تیپه‌های حاج تقی</p>   
<p>۱) کاربندی قالب شاقولی ۱۲ ضلعی با یک ردیف حذف ترنج. ۲) از نوع رسمی گسترش که از تقاطع عمودی دو کاربندی ساده ۱۲ ضلعی تشکیل یافته است. ۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۴ به ۳. ۴) زمینه: هشت و نیم هشت</p>

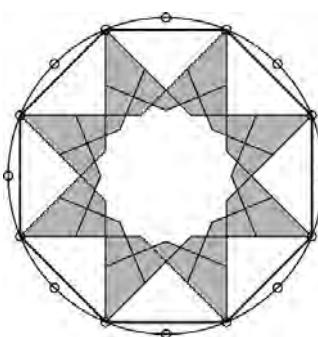
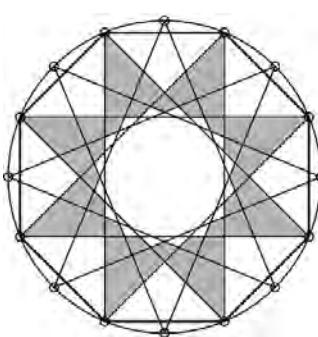
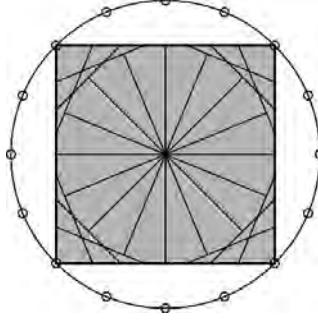
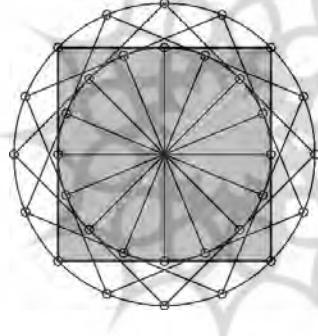
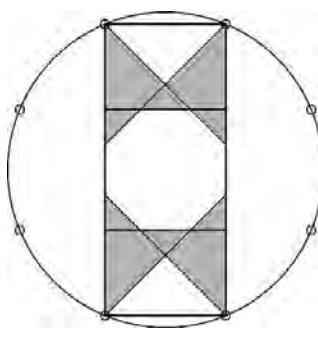
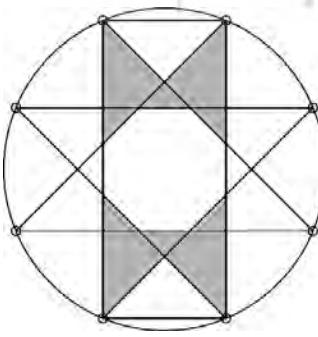
ادامه جدول ۱. بررسی ساختار هندسی ۱۳ نمونه از نفیس‌ترین کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز

نیمه‌چهار (چهارم)	نیمه‌چهار ششم	نیمه‌چهار هشتم
  	<p>(۱) کاربندی قالب شاقولی ۱۶ ضلعی با یک ردیف حذف ترنج. (۲) از نوع رسمی گسترش که از تقاطع عمودی دو کاربندی ساده ۱۶ ضلعی بدست آمده است. (۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۵ به ۴.۵ زمینه: هشت و نیم هشت</p>	
  	<p>(۱) کاربندی قالب شاقولی مرکب از نوع درون زا. (۲) ترکیب یک کاربندی رسمی ساده ۸ ضلعی با یک کاربندی اختری گسیخته ۱۶ ضلعی. (۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره در کاربندی رسمی با فاصله ۳ به ۳ و در کاربندی اختری با فاصله ۴ به ۴.۶ زمینه: مستطیل</p>	
  	<p>(۱) کاربندی قالب شاقولی ۱۲ ضلعی با یک ردیف حذف ترنج. (۲) از نوع رسمی گسترش که از تقاطع عمودی دو کاربندی ساده ۱۲ ضلعی تشکیل یافته است. (۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۴ به ۴.۴.۴ زمینه: هشت و نیم هشت</p>	

ادامه جدول ۱. بررسی ساختار هندسی ۱۳ نمونه از نفیس‌ترین کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز

	بنیاد حاج محمد تقی ۱) کاربندی قالب شاقولی ۱۶ ضلعی با دو ردیف حذف ترنج. ۲) از نوع رسمی گسترش که از تقاطع عمودی دو کاربندی ساده ۱۶ ضلعی تشکیل یافته است. ۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۶ به ۴. ۶ زمینه: هشت
	بنیاد ملک ۱) کاربندی قالب شاقولی مرکب از نوع سوار، ۲) استقرار یک کاربندی اختری ترکین ۲۰ ضلعی بر روی یک کاربندی اختری گسیخته ۲۰ ضلعی. ۳) اتصال نقاط روی دایره در کاربندی ترکین با فاصله ۱۰ به ۱۰ و در کاربندی اختری گسیخته با فاصله ۴ به ۴. ۴ زمینه: هشت و نیم هشت
	بنیاد میر ابوالحسن ۱) کاربندی قالب شاقولی ۱۶ ضلعی با دو ردیف حذف ترنج. ۲) از نوع رسمی گسترش که از تقاطع عمودی دو کاربندی ساده ۱۶ ضلعی تشکیل یافته است. ۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۶ به ۴. ۶ زمینه: هشت

ادامه جدول ۱. بررسی ساختار هندسی ۱۳ نمونه از نفیس‌ترین کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز

  	نمچه میرزا جلیل
۱) کاربندی قالب شاقولی ۱۶ ضلعی با دو ردیف حذف ترنج. ۲) از نوع رسمی گسترش که از تقاطع عمودی دو کاربندی ساده ۱۶ ضلعی تشکیل یافته است. ۳) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۶ به ۴. ۴) زمینه: هشت	
  	نمچه میرزا شفیع
۱) کاربندی قالب شاقولی مرکب از نوع سوار. ۲) استقرار یک کاربندی اختری ترکین ۱۶ ضلعی بر روی یک کاربندی رسمی ساده ۱۶ ضلعی. ۳) اتصال نقاط روی دایره در کاربندی ترکین با فاصله ۸ به ۸ و در کاربندی رسمی ساده با فاصله ۴ به ۴. ۴) زمینه: مربع	
  	نمچه مظفریه
۱) کاربندی قالب شاقولی ۸ ضلعی کامل، از نوع رسمی ساده. ۲) اتصال نقاط تقسیم روی دایره با فاصله ۳ به ۳. ۳) زمینه: مستطیل	

ادامه جدول ۱. بررسی ساختار هندسی ۱۳ نمونه از نفیس‌ترین کاربندی‌های بازار تاریخی تبریز

			تمجیده مظفری
<p>(۱) کاربندی قالب شاقولی مرکب از نوع پرور. (۲) ترکیب یک کاربندی رسمی ساده ۱۶ ضلعی با دو نیم کار رسمی ساده ۱۲ ضلعی. اتصال نقاط تقسیم روی دایره در کاربندی مرکزی و نیم کارها با فاصله ۴.۴ به ۴.۴ زمینه: مستطیل (نگارندگان)</p>			

جدول ۲. چندین نمونه برای چهار ضلعی‌های محاطی

 $117.1^\circ + 62.9^\circ = 180^\circ$	 $70.5^\circ + 109.5^\circ = 180^\circ$	 $108.4^\circ + 71.6^\circ = 180^\circ$	 $90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$
--	--	--	---------------------------------------

(نگارندگان)

جدول ۳. مشخصه زمینه‌های چهار ضلعی مستعد پیاده‌سازی ۲۴ ضلعی

 $\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \left(\frac{360^\circ}{24} \times \frac{1}{2}\right)x = 7.5x^\circ$ $\hat{a} = 30^\circ, \hat{b} = 30^\circ, \hat{c} = 67.5^\circ, \hat{d} = 52.5^\circ$	 $\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \left(\frac{360^\circ}{24} \times \frac{1}{2}\right)x = 7.5x^\circ$ $\hat{a} = 30^\circ, \hat{b} = 45^\circ, \hat{c} = 45^\circ, \hat{d} = 60^\circ$
---	---

(نگارندگان)

کاربندی‌های ۱۰ تا ۳۲ ضلعی محاسبه و نمونه‌ای برای هر کدام ترسیم شده است.

در جدول فوق، الزامات و مقتضیات پیاده‌سازی هندسه کاربندی‌های ۱۰ تا ۳۲ ضلعی در زمینه‌های چهار ضلعی روش شدن و چنان که دیدیم، اگر زوایای a^* , b^* , c^* و d مضربی از ۱۸ درجه باشند، کاربندی ۱۰ ضلعی، اگر مضربی از ۱۵ درجه باشند، کاربندی ۱۲ ضلعی و اگر مضربی از $\frac{180}{n}$ باشند، کاربندی n ضلعی قابل پیاده‌سازی است.

تعداد اضلاع کاربندی

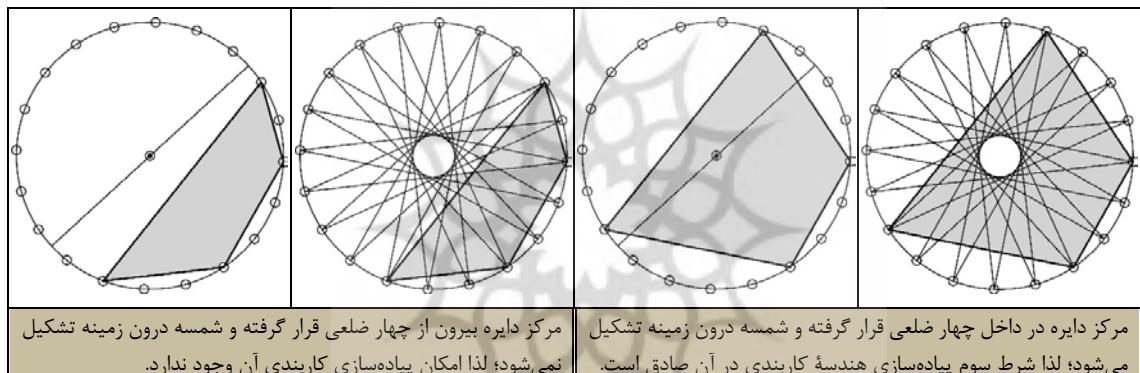
در جدول ۶، خصوصیات هندسی انواعی از کاربندی‌های ۱۰ تا ۳۲ ضلعی معرفی شدند، اما نکته‌ای که باید بدان توجه داشت این است که «تعداد اضلاع کاربندی تنها به سلیقه و دلخواه

شایان ذکر است که با افزایش فاصله اتصال نقاط روی دایره، شمسه کاربندی کوچک‌تر می‌شود، لذا موقع طراحی کاربندی، اندازه شمسه با تغییر فاصله اتصال نقاط، قابل کنترل است. پس از اتصال نقاط تقسیم دایره مبنا بهم، امتداد تمامی خطوطی که بیرون از چهار ضلعی و یا داخل سوسنی‌ها قرار دارند را پاک می‌کنیم و بدین صورت، هندسه کاربندی شکل می‌گیرد. بر طبق آن‌چه در جدول ۵ روش شد، اگر بزرگ‌ترین ضلع چهار ضلعی نامنظم در برابر m قطاع از دایره قرار گیرد، نقاط تقسیم روی دایره به منظور هماهنگی و تناسب اجزای کاربندی، بهتر است (برخلاف زمینه‌های مستطیلی که

m وصل می‌شوند) با فاصله بیشتری وصل شوند.

اینک در جدول ۶ با توجه به آن‌چه که در بخش‌های قبل مطرح شد، خصوصیات و الزامات زمینه و هندسه انواع

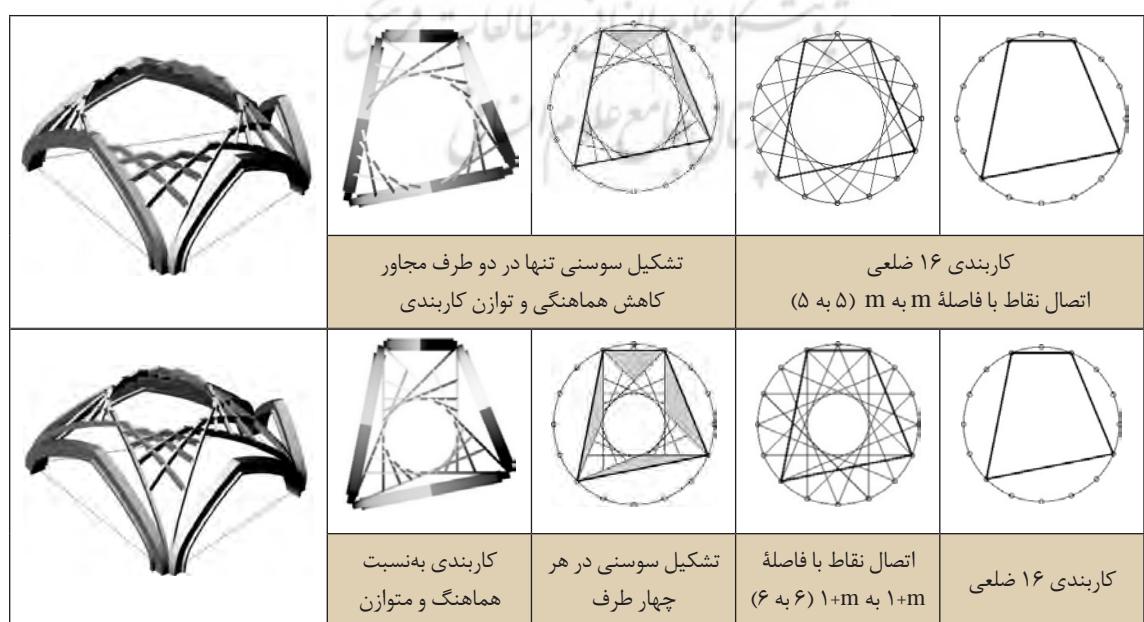
جدول ۴. آزمون شرط سوم پیاده‌سازی هندسه کاربندی در زمینه‌های چهار ضلعی



مرکز دایره در داخل چهار ضلعی قرار گرفته و شمسه درون زمینه تشکیل نمی‌شود؛ لذا شرط سوم پیاده‌سازی هندسه کاربندی در آن صادق است.

(نگارندگان)

جدول ۵. مقایسه دو حالت اتصال نقاط تقسیم دایره با فاصله « m به $1+m$ » در زمینه‌های چهار ضلعی نامنظم



(نگارندگان)



گام اول

ابتدا محیط چهار ضلعی را به دست آورده و با استفاده از فرمول ارائه شده ($P = 4$) = تعداد اضلاع مناسب کاربندی)، تعداد اضلاع مناسب کاربندی را محاسبه می کنیم (جدول ۷) :

$$P-4 = (9.08 + 9.36 + 7.27 + 6.06) - 4 = 27.77 \approx 28$$

(محیط چهار ضلعی = P) ،

نزدیکترین عدد زوج طبیعی به مقدار به دست آمده، ۲۸ است؛ لذا کاربندی مناسب برای زمینه مورد نظر، یک کاربندی ۲۸ ضلعی است.

گام دوم

حال، یکی از اقطار چهار ضلعی را ترسیم کرده و سپس زوایای $a^\circ, b^\circ, c^\circ$ و d° را اندازه گیری می کنیم (جدول ۷).

$a^\circ = 52.91^\circ, b^\circ = 32.14^\circ, c^\circ = 55.28^\circ, d^\circ = 39.66^\circ$
با توجه به آن چه که در شرط دوم آمد، می دانیم که در کاربندی ۲۸ ضلعی، باید تمامی زوایای $a^\circ, b^\circ, c^\circ$ و d° مضربی از حاصل تقسیم 180° بر 28 ($\frac{180^\circ}{28}x$) باشند.

$$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{28}x = 6.429x^\circ, \quad x \in \mathbb{N}$$

گام سوم

در اینجا، نزدیکترین چهار ضلعی به زمینه مورد نظر که مستعد اجرای کاربندی ۲۸ ضلعی است را پیدا می کنیم. لذا باید نزدیکترین مضرب های عدد [۶,۴۲۹] به مقادیر $[a = 52.91^\circ, b = 32.14^\circ, c = 55.28^\circ, d = 39.66^\circ]$ را بیابیم.

$$\hat{a} = 52.91^\circ, \quad \frac{52.91^\circ}{6.429^\circ} = 8.23 \Rightarrow \hat{a} \approx 8 \times 6.429^\circ = 51.43^\circ$$

$$\hat{b} = 32.14^\circ, \quad \frac{32.14^\circ}{6.429^\circ} = 5.00 \Rightarrow \hat{b} = 5 \times 6.429^\circ = 32.14^\circ$$

$$\hat{c} = 55.28^\circ, \quad \frac{55.28^\circ}{6.429^\circ} = 8.60 \Rightarrow \hat{c} \approx 9 \times 6.429^\circ = 57.86^\circ$$

$$\hat{d} = 39.66^\circ, \quad \frac{39.66^\circ}{6.429^\circ} = 6.17 \Rightarrow \hat{d} \approx 6 \times 6.429^\circ = 38.57^\circ$$

در محاسبات فوق، اعداد به دست آمده، زوایای $a^\circ, b^\circ, c^\circ$ و d° نزدیکترین چهار ضلعی به چهار ضلعی مورد نظر است که امکان پیاده سازی دقیق کاربندی ۲۸ ضلعی در آن وجود دارد. حال در گام بعدی با استفاده از زوایای محاسبه شده، چهار ضلعی جدید را ترسیم می کنیم.

در این بخش از تحقیق باید نکته ای را نیز خاطر نشان کرد؛ در حالت کلی با افزایش تعداد اضلاع کاربندی، میزان خطای

معمار تعیین نمی شود، بلکه ابعاد مختلف سطحی که باید در آن کاربندی [آجر] شود نوع آن را مشخص می کند» (پیرنیا و بزرگمهری، ۱۳۸۵: ۱۲). چنان که به سبب برخی ملاحظات سازه ای و استاتیکی، مناسب است که با افزایش ابعاد زمینه، تعداد اضلاع کاربندی نیز افزایش یابند تا بار سقف، بین تعداد بیشتری از باریکه تاق ها تقسیم شود. بدین منظور برای زمینه های مستطیلی، فرمول $[2-a+b][2-a+b]$ مطرح است (همان). در این فرمول متغیرهای a و b ، طول و عرض مستطیل و عدد به دست آمده، تعداد اضلاع کاربندی مناسب هستند.

حال به منظور قابل استفاده کردن رابطه فوق برای چهار ضلعی های محاطی نامنظم، عدد ۲ را در مقادیر داخل پرانتز ضرب کرده، سپس فرمول به دست آمده را ساده می کنیم. بدین صورت، رابطه $4 - \text{محیط چهار ضلعی} = \text{تعداد اضلاع مناسب کاربندی}$ به دست می آید. شایان ذکر است که تعداد اضلاع کاربندی، یک عدد طبیعی زوج است؛ لذا اگر حاصل فرمول بالا یک عدد اعشاری باشد، آن را معادل نزدیکترین عدد طبیعی زوج در نظر می گیریم.

کاربندی در زمینه های چهار ضلعی نامنظم

با توجه به آن چه که در بخش های پیشین تشریح شد، هندسه کاربندی به طور دقیق، در انواع زیادی از چهار ضلعی های منظم و یا حتی نامنظم قابل اجرا است. لکن باید به این واقعیت اذعان نمود که در بیشتر چهار ضلعی ها (با استثنای چهار ضلعی هایی با شرایط مذکور در جدول ۶)، امکان اجرای دقیق هندسه کاربندی وجود ندارد. گرچه مسئله مذکور، امر چندان عجیبی برای معماران سنتی نیست. آنها بر این مسئله واقف هستند که معمولاً تابعیت کاربندی محاسبه شده برای یک زمینه مشخص - حتی زمینه های مستطیلی - دقیقاً منطبق بر ابعاد آن نیست؛ لذا در اجرا با کمی پس و پیش کردن دهانه ها، هندسه کاربندی را با زمینه مورد نظر تطبیق می دهند که در اصطلاح به آن زد و خورد یا کست افزود می گویند (همان). حال با در نظر گرفتن این حقیقت، بخش حاضر در پی تبیین روشی است تا بدان طریق، امکان اجرای هندسه کاربندی در تمامی چهار ضلعی های محاطی - با کمترین میزان زد و خورد - فراهم آید. این روش در چندین مرحله ذیل بر آن است تا نزدیکترین چهار ضلعی مستعد پیاده سازی هندسه کاربندی (چهار ضلعی هایی با شرایط مذکور در جدول ۶) را به زمینه موردنظر - که امکان اجرای دقیق هندسه کاربندی در آن وجود ندارد - بیابد.

برای درک بهتر این روش، یک چهار ضلعی محاطی کامل تصادفی ترسیم کرده، سپس با اجرای هندسه کاربندی در آن، روش ترسیمی موردنظر را شرح می دهیم (جدول ۷).

جدول ۶. خصوصیات و الزامات زمینه و هندسه انواع کاربندی‌های ۱۰ تا ۳۲ ضلعی (نگارندهان)

فرم کاربندی	پلان کاربندی	ترسیم هندسه کاربندی	چند به چند وصل شدن نقاط روی دایره $(n+1)$ به $n+1$	تقسیم دایره به قطعه‌های مساوی	زوازی $\hat{d}, \hat{c}, \hat{b}, \hat{a}$	نوع کاربندی
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{10} x \\ = 18x^\circ$	کاربندی ۱۰ ضلعی
						اتصال نقاط با فاصله ۴ به ۴
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{12} x \\ = 15x^\circ$	کاربندی ۱۲ ضلعی
						اتصال نقاط با فاصله ۵ به ۵
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{14} x \\ = 12.857x^\circ$	کاربندی ۱۴ ضلعی
						اتصال نقاط با فاصله ۶ به ۶
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{16} x \\ = 11.25x^\circ$	کاربندی ۱۶ ضلعی
						اتصال نقاط با فاصله ۶ به ۶
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{18} x \\ = 10x^\circ$	کاربندی ۱۸ ضلعی
						اتصال نقاط با فاصله ۶ به ۶
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{20} x \\ = 9x^\circ$	کاربندی ۲۰ ضلعی
						اتصال نقاط با فاصله ۸ به ۸
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{22} x \\ = 8.182x^\circ$	کاربندی ۲۲ ضلعی
						اتصال نقاط با فاصله ۸ به ۸

ادامه جدول ۶. خصوصیات و الزامات زمینه و هندسه اندوشه ای کاربندی های ۱۰ تا ۳۲ ضلعی (نگارندگان)

فرم کاربندی	پلان کاربندی	ترسیم هندسه کاربندی	چند به چند وصل شدن نقاط روی دایره $(n+1 \times n+1)$	تقسیم دایره به قطعه های مساوی	زواياي $\hat{d}, \hat{e}, \hat{b}, \hat{a}$	نوع کاربندی
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{24} x = 7.5x^\circ$	کاربندی ۲۴ ضلعی
					$a=45^\circ, b=30^\circ, c=45^\circ, d=60^\circ$	اتصال نقاط با فاصله ۹ به ۹
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{26} x = 6.923x^\circ$	کاربندی ۲۶ ضلعی
					$a=34.615^\circ, b=34.615^\circ, c=62.307^\circ, d=48.461^\circ$	اتصال نقاط با فاصله ۱۰ به ۱۰
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{28} x = 6.429x^\circ$	کاربندی ۲۸ ضلعی
					$a=51.432^\circ, b=38.574^\circ, c=51.432^\circ, d=38.574^\circ$	اتصال نقاط با فاصله ۹ به ۹
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{30} x = 6x^\circ$	کاربندی ۳۰ ضلعی
					$a=54^\circ, b=48^\circ, c=42^\circ, d=36^\circ$	اتصال نقاط با فاصله ۱۰ به ۱۰
					$\hat{a}, \hat{b}, \hat{c}, \hat{d} = \frac{180^\circ}{32} x = 5.625x^\circ$	کاربندی ۳۲ ضلعی
					$a=45^\circ, b=33.75^\circ, c=56.25^\circ, d=45^\circ$	اتصال نقاط با فاصله ۱۱ به ۱۱

(نگارندگان)

گام چهارم

برای رسیدن به چهار ضلعی محاسبه شده، ابتدا خطی همندازه و هم راستا با قطر چهار ضلعی زمینه ترسیم کرده (جدول ۸)، سپس از دو رأس آن، خطوطی با زوایای محاسبه شده $a^\wedge, b^\wedge, c^\wedge$ و d^\wedge می کشیم. چهار ضلعی به دست آمده از این روش، نزدیک ترین چهار ضلعی محاطی به چهار ضلعی زمینه است که امکان پیاده سازی دقیق کاربندی ۲۸ ضلعی در آن وجود دارد (جدول ۸).

گام پنجم

حال، دایره محیطی چهار ضلعی مورد نظر را ترسیم کرده^۸ و آن را به ۲۸ کمان مساوی تقسیم می کنیم (جدول ۹).

چهار ضلعی محاسبه شده - و به تبع آن میزان خطای کاربندی

به دست آمده - کاهش می یابد. دلیل این امر، از رابطه ارائه شده در شرط دوم $[a^\wedge, b^\wedge, c^\wedge, d^\wedge = (\frac{180^\circ}{n} x)]$ آشکار است. با توجه به این که با افزایش تعداد اضلاع کاربندی، مخرج کسر رابطه مذکور افزایش می یابد، لذا حاصل کسر کاهش یافته و زوایای $a^\wedge, b^\wedge, c^\wedge$ و d^\wedge مضربی از یک عدد کوچک تر می شوند.

پس در حالت کلی، خطای زوایای $a^\wedge, b^\wedge, c^\wedge$ و d^\wedge به دست آمده از محاسبات فوق، کمتر شده و چهار ضلعی محاسبه شده به چهار ضلعی زمینه نزدیک تر می شود.

شد، خطای جزئی به وجود آمده - حتی در زمینه های متقارن و منظم نیز - مسأله ای کاملاً عادی است.^۶

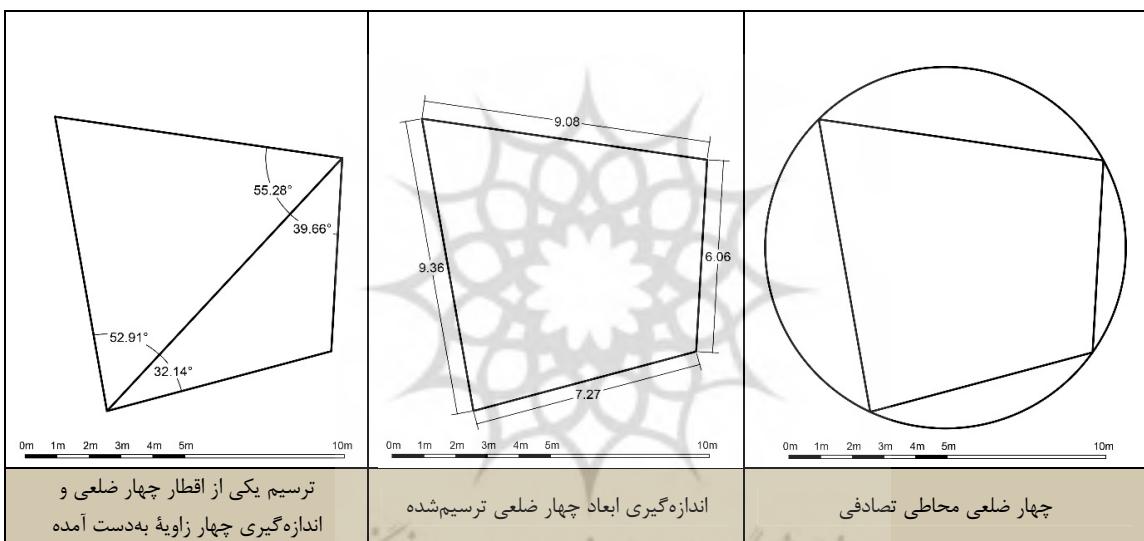
روش ترسیمی ارائه شده، برای زمینه های چند ضلعی نامنظم - همچون پنج ضلعی و شش ضلعی - نیز کاربرد دارد. روند کار بدین صورت است که ابتدا زمینه را به دو یا چند چهار ضلعی تقسیم کرده و نزدیک ترین کاربندی های مناسب زمینه ها را می باییم، سپس با ترکیب کاربندی های به دست آمده، نمونه های مرکب تشکیل می شوند. شایان ذکر است که برای ادغام دو یا چند کاربندی، باید تعداد اضلاع آنها برابر باشند و اتصال نقاط روی دایره در آنها با فاصله برابر صورت گیرند (تصویر ۶).

می بینیم که تمامی رئوس چهار ضلعی، دقیقاً منطبق بر نقاط روی دایره است؛ بنابراین می توان هندسه کاربندی ۲۸ ضلعی را به طور دقیق در چهار ضلعی به دست آمده ترسیم کرد.

گام ششم

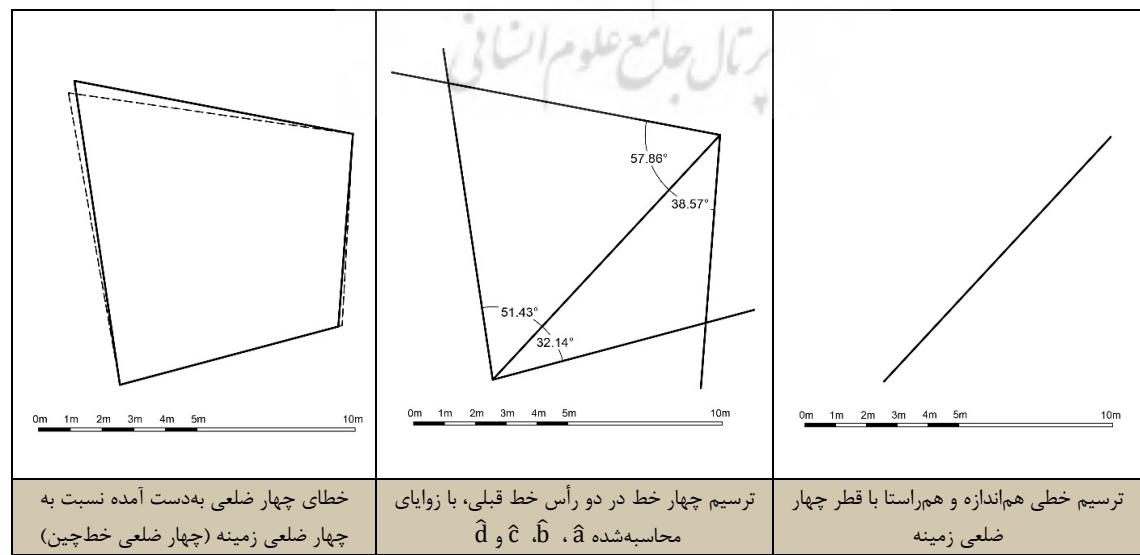
با توجه به این که بزرگ ترین ضلع چهار ضلعی در برابر ۹ قطاع از دایره قرار گرفته است، تمامی نقاط روی دایره را با فاصله ۱۰ به $(9 + 1)$ بهم وصل می کنیم، سپس امتداد خطوط بیرون از چهار ضلعی و همچنین داخل سوسنی ها را پاک کرده و بدین ترتیب هندسه کاربندی شکل می گیرد (جدول ۹). کاربندی به دست آمده از روش فوق، نزدیک ترین کاربندی ۲۸ ضلعی به زمینه موردنظر است. چنان که پیشتر نیز ذکر

جدول ۷. ترسیم یک چهار ضلعی محاطی تصادفی و اندازه گیری اضلاع و برخی از زوایای آن



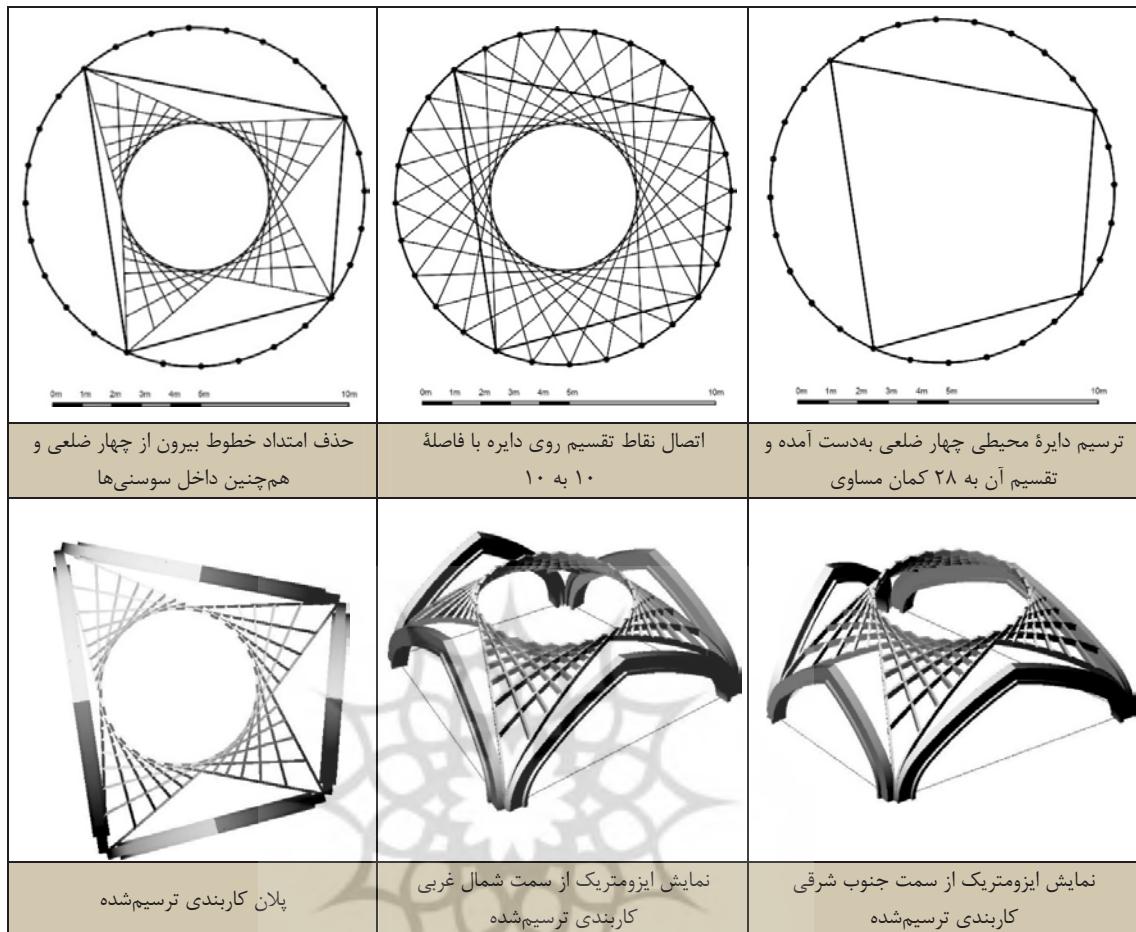
(نگارندگان)

جدول ۸. روند ترسیم چهار ضلعی محاسبه شده و نمایش میزان خطای آن نسبت به چهار ضلعی زمینه

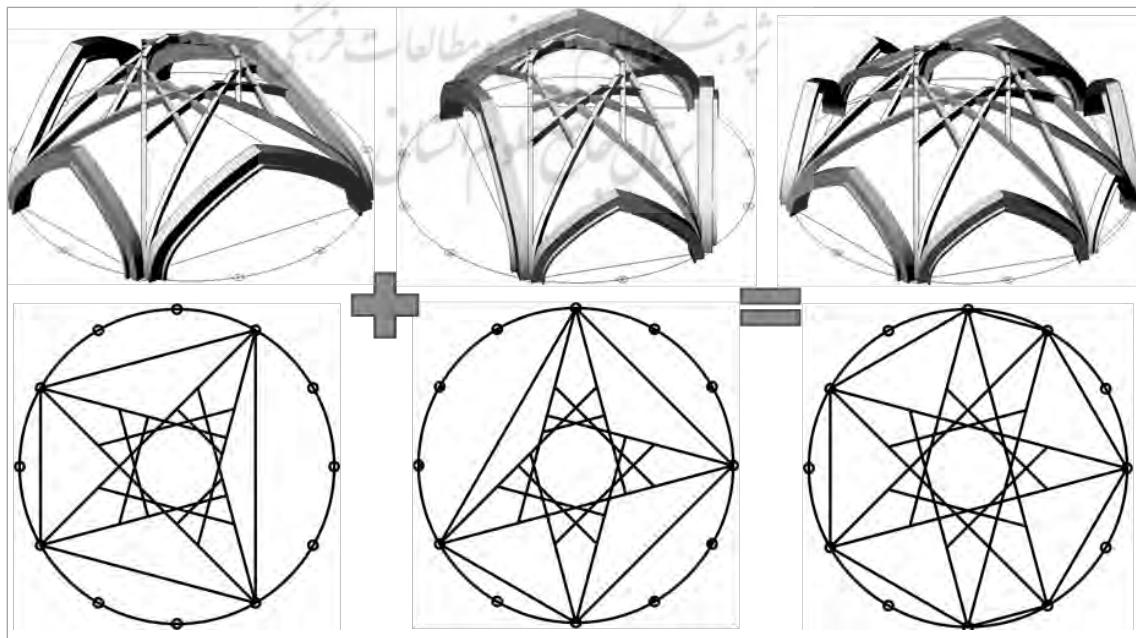


(نگارندگان)

جدول ۹. روند ترسیم کاربندی ۲۸ ضلعی در نزدیکترین چهار ضلعی محاسبه شده به زمینه



(نگارندگان)



تصویر ۶. کاربندی مرکب در یک زمینه پنج ضلعی نامنظم (نگارندگان)

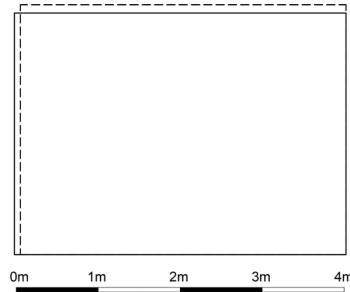
نتیجه‌گیری

کاربندی‌های بازار تبریز، خصوصیات و مقتضیات آن کشف شد و سپس امکان‌سنجی پیاده‌سازی هندسه آن در انواعی از زمینه‌های چهار ضلعی، مورد سؤال قرار گرفت. نتایج تحقیق نشان دادند که شروط لازم و کافی برای پیاده‌سازی دقیق هندسهٔ یک کاربندی n ضلعی در زمینه‌های چهار ضلعی منتظم و یا نامنظم این است که اولاً دو زاویهٔ مقابل چهار ضلعی زمینهٔ مکمل بوده، ثانیاً هر چهار زاویهٔ به دست آمده از ترسیم یکی از اقطار آن، مضری از حاصل تقسیم 180° بر تعداد اضلاع ($\frac{180^\circ}{n}$) باشند، ثالثاً شمسهٔ کاربندی، درون چهار ضلعی زمینهٔ تشكیل شود؛ این شرط، زمانی محقق می‌شود که مرکز دایرهٔ محیطی، داخل چهار ضلعی زمینهٔ قرار گیرد. در این میان مشخص شد که هندسهٔ انواعی از کاربندی‌ها، علاوه بر زمینه‌های مستطیلی و منتظم، در دسته‌ای از چهار ضلعی‌های نامنظم نیز به طور دقیق قابل اجرا است. هم‌چنین برای محاسبهٔ تعداد اضلاع مناسب کاربندی، بر اساس ابعاد زمینهٔ اعم از زمینه‌های چهار ضلعی منتظم و یا نامنظم - رابطهٔ $4 - \text{محیط چهار ضلعی} = \text{تعداد اضلاع مناسب کاربندی}$ ارائه شد. روش است که در این رابطه با افزایش ابعاد زمینهٔ تعداد اضلاع کاربندی نیز بیشتر می‌شوند تا بار سقف، بین تعداد بیشتری از باریکه‌تاق‌ها تقسیم شود. در نهایت بر اساس شروط مذکور، روشی به دست آمد که بدان طریق بتوان در زمینه‌هایی که شرط دوم ذکر شده صادق نیست، هندسهٔ کاربندی مناسب با زمینهٔ را - با کمترین میزان خطای محاسبه و ترسیم کرد. هم‌چنین روش است که در روش ترسیمی ارائه شده، با افزایش تعداد اضلاع کاربندی، میزان خطای کاربندی محاسبه شده کاهش می‌یابد.

این تحقیق، بیشتر به بررسی و تحلیل هندسهٔ کاربندی جهت توسعه زمینه‌های آن متمرکز شد تا از این پس بتوان کاربندی را در زمینه‌های متنوع‌تری به کار گرفت. باید توجه داشت که تمامی نمونه‌های طراحی شده در این تحقیق، از دوران قوس ثابتی به وجود آمده‌اند؛ لذا تمامی کاربندی‌ها خیز ثابت و سطح مشابه و منتظمی دارند که از نوع چفده استفاده شده نشأت می‌گیرد. جهت توسعه تحقیق حاضر در پژوهش‌های آتی، می‌توان امکان‌سنجی به کارگیری کاربندی در سطوح آزاد را نیز بررسی کرد. با توجه به این که با طراحی کاربندی در سطوح آزاد، انحنای باریکه‌تاق‌ها از چفده سنتی خود خارج می‌شوند، بنابراین برای این کار لازم است که فرم‌یابی نمونه‌ها با در نظر گرفتن الزامات سازه‌ای صورت گیرند. مشکل دیگری که در پژوهش‌های آتی می‌توان بدان پرداخت، رفع محدودیت محاطی بودن زمینه‌ها است؛ که در این تحقیق به عنوان شرط اول مطرح شد. راهکار پیشنهادی ما برای استفاده از کاربندی در زمینه‌های غیرمحاطی، استفاده از کاربندی‌های ترکیبی است.

پی‌نوشت

۱. منظور از زمینه‌های نامنظم، زمینه‌های نامتقارن و غیرمستطیلی است.
۲. پیش‌نیاز فهم مطالب ارائه شده در این تحقیق، آشنایی با روش‌های سنتی ترسیم کاربندی و اصول ابتدایی هندسهٔ اقلیدسی و برخی قصایدی آن است.
۳. چهار ضلعی محاطی، چهار ضلعی است که بتوان دایره‌ای از هر چهار رأس آن گذراند یا به عبارتی چهار ضلعی که بتوان آن را در دایره‌ای محاط کرد.
۴. زاویهٔ محاطی، زاویه‌ای است که رأس آن روی محیط دایره و دو ضلع آن، دو وتر از دایره باشند.
۵. مجموع تمامی کمان‌های یک دایرهٔ کامل 360° است.
۶. منظور از چهار ضلعی‌های نامنظم، چهار ضلعی‌های نامتقارن و یا غیرمستطیلی است.
۷. m ، تعداد قطاع دایره در روی روی بزرگ‌ترین ضلع چهار ضلعی است.
۸. تمامی چهار ضلعی‌های به دست آمده از طریق روش ارائه شده در این تحقیق، محاطی هستند.
۹. برای مثال در کتاب «هندسه در معماری»، کاربندی که برای زمینهٔ مستطیلی 4×3 متر، محاسبه و ترسیم شده است (پیرنیا و بزرگ‌مهری، ۱۳۸۵: ۱۳)، دقیقاً به همان طول و عرض نیست؛ تصویر ذیل، میزان خطای کاربندی ترسیم شده را نشان می‌دهد



که در آن مستطیل خط‌چین، زمینه اصلی و مستطیل ممتد، زمینه کاربندی را نشان می‌دهد.

منابع و مأخذ

- احمدپور، سیامک و مسگری مشهدی، مصطفی. (۱۳۸۶). هندسه مسطحه. چاپ دوم، تهران: خوشخوان.
- پیرنیا، محمدکریم و بزرگمهری، زهره. (۱۳۸۵). هندسه در معماری. چاپ سوم، تهران: میراث فرهنگی کشور.
- تهرانی، فرهاد. (۱۳۹۰). نگرشی دوباره بر کاربندی و معرفی کاربندی ویژه در بازار تبریز. اثر، سال سی و دوم(۵۳)، ۹۶-۸۵.
- حلی، سید اکبر. (۱۳۶۵). گره‌ها و قوس‌ها در معماری اسلامی. چاپ اول، قم: مهر.
- رئیسی، مهدی؛ بمانیان، محمد رضا و تهرانی، فرهاد. (۱۳۹۲). بازنگری در مفهوم کاربندی بر مبنای هندسه نظری، عملی و نقش ساختمانی. مرمت و معماری ایران، سال سوم(۵)، ۵۵-۳۳.
- ستاری ساربانقلی، حسن و جدایی، امیر. (۱۳۹۰). بررسی و تحلیل طرح‌های کاربندی به کار رفته در تیمچه‌های بازار تبریز. فصلنامه مطالعات شهر ایرانی اسلامی، ۲(۵)، ۴۶-۲۹.
- شعریاف، اصغر. (۱۳۸۵). گره و کاربندی. چاپ اول، جلد اول، تهران: میراث فرهنگی کشور.
- فرشچی، حمیدرضا؛ دانایی‌نیا، احمد و اشرفی، احمد. (۱۳۹۵). نظام هندسی زمینه‌های رسمی‌بندی یک‌پا، برگرفته از دایره محیطی. مرمت و معماری ایران، سال ششم(۱۲)، ۱۳۸-۱۲۷.
- لرزاده، حسین. (۱۳۵۸). احیای هنرها از یاد رفته. چاپ اول، بی‌جا.
- محمدیان منصور، صاحب و فرامرزی، سینا. (۱۳۹۰). گونه‌شناسی و تدوین ساختار هندسی کاربندی در معماری ایران. هنرهای زیبا، ۳(۴)، ۹۰-۹۷.
- عماریان، غلامحسین. (۱۳۹۱). معماری ایرانی: نیارش. چاپ اول، جلد ۱ و ۲، تهران: نغمه نوآندیش.
- نژاد ابراهیمی، احمد؛ شهبازی، یاسر و امجد محمدی، امیر. (۱۳۹۶). گونه‌شناسی ساختاری کاربندی و رسمی‌بندی در معماری ایران بر مبنای ساختگاه و کاربست. فرهنگ معماری و شهرسازی اسلامی، سال سوم(۱)، ۴۱-۲۵.
- نوایی، کامبیز و حاجی‌قاسمی، کامبیز. (۱۳۹۰). خشت و خیال. چاپ اول، تهران: سروش.

- Amjad Mohammadi, A.; Asefi, M. & Nejad Ebrahimi, A. (2018). The Geometrical Regularization for Covering Irregular Bases with Karbandi. *Nexus Network Journal*, 20(2), 331-352.
- Chenaghlu, M.; Najad Ebrahimi, A.; Shahbazi, Y.; Kheirollahi, M. & Amjad Mohammadi, A. (2017). Structural Morphology of a Masonry Space Dome in Historical Tabriz Bazaar Complex. *Interfaces: Architecture. Engineering. Science*. Hamburg, Germany: Proceedings of the IAASS Annual Symposium 2017. 226.
- Pour Ahmadi, Mojtaba. (2014). A Basic Method for Naming Persian Karbandis Using a Set of Numbers. *Nexus Network Journal*, 16(2), 313-343.



Received: 2017/05/29

Accepted: 2018/07/04

A Novel Drawing Method for Innovative Design of Karbandi Case Study: The Karbandis of Tabriz Historic Bazaar

Maziyar Asefi* **Ahad Nejad Ebrahimi**** **Amir Amjad Mohammadi*****

Abstract

Karbandi is a common structural and covering pattern for arched surfaces in Persian architecture, which is rooted in the precise methods of descriptive geometry. These methods, due to their strict geometry, do not have much flexibility and have been used only in specific fields in Iranian architecture. Therefore, the questions arise: what are the limitations and requirements of common drawing methods of Karbandi design? And by discovering these limitations and requirements, how can Karbandi applications be expanded? This research aimed at answering the mentioned questions. For achieving the first purpose the geometry of Karbandis of Tabriz historic bazaar, as the salient samples in Persian architecture, have initially been analyzed. Then, according to the found limitations and requirements, it has investigated the possibility of Karbandi design on innovative and novel bases. This research has been carried out through a logical argumentation method by means of direct observation, corpus analysis and computer modeling to present solutions to increase the variety of Karbandi fields. The results of the research suggest that the conditions and adequate requirements for the geometric execution of an n-lateral Karbandi on the bases of regular or irregular quadrilaterals can be summarized in the three categories as follows:

1. The two facing angle of the base quadrilateral must be complementary.
2. All the four angles resulting from drawing either of the diameters must be a multiple of the result of dividing 180 (degrees) by the number of sides ($\frac{180^\circ}{n} x$) .
3. The Shamseh of Karbandi must be formed inside the base. The latter condition is met only when the center of the circumscribing circle is located inside the base.

It was also determined that apart from rectangular and regular bases, the geometry of some types of Karbandi can also be accurately implemented in a group of irregular bases. Finally, according to the above conditions, a method was figured out through which it is possible to accurately calculate and draw the Karbandi geometry in accordance with the base geometry with the least error rate possible.

Keywords: Karbandi, Karbandi Geometry, Cross-ribbed Vaulting, Vault Coverture, Tabriz Historic Bazaar

* Associate Professor, Architecture and Urban Planning Faculty, Tabriz Islamic Art University, Iran. (Corresponding Author).

** Associate Professor, Architecture and Urban Planning Faculty, Tabriz Islamic Art University, Iran.

*** M.A, Architecture and Urban Planning Faculty, Tabriz Islamic Art University, Iran.