

## ارزیابی توان الگوی زنجیره مارکوف در برآورد و پنهان‌بندی احتمالاتی روزهای خشک ایران

حسین عساکر<sup>۱</sup> - دانشیار اقلیم‌شناسی، دانشگاه زنجان، زنجان، ایران  
فریبا صیادی<sup>۲</sup> - دانش آموخته کارشناسی ارشد اقلیم‌شناسی، دانشگاه زنجان، زنجان، ایران

تاریخ دریافت: ۱۳۹۲/۱۲/۲۴ تاریخ تصویب: ۱۳۹۳/۳/۱۸

### چکیده

یکی از شاخه‌های دانش بشری که قادر است برخی رخدادهای اقلیم را نمایش و ترسیم کند، دانش احتمالات است. در این تحقیق، صلاحیت الگوی زنجیره مارکوف برای برآورد روزهای خشک و پنهان‌بندی احتمالاتی مورد ارزیابی قرار گرفت. بر این اساس، داده‌های شبکه‌ای بارش روزانه ایران با تفکیک زمانی روزانه از ۱۳۴۰/۰۱/۰۱ - ۱۳۸۹/۱۰/۱۱ و مکانی داده‌ها  $15 \times 15$  کیلومتر موردنرسی قرار گرفت. سپس با استفاده از زنجیره مارکوف به تحلیل احتمالی و پنهان‌بندی روزهای خشک ایران پرداخته شد. روزهای خشک پیش‌بینی شده در ماههای فصل زمستان و فصول دیگر به روزهای خشک واقعی اتفاق افتاده، نزدیک بوده است. بر اساس ۴۸ نقشه مشخصات مارکوفی روزهای خشک، داده‌های مربوط به هر نقشه در کنار هم جمع آمدند. عملیات تحلیل خوشای بر این آرایه مشاهدات اعمال شد. بر اساس روش آزمون و خطا تعداد ۶ پنهان استخراج گردید. پنهان‌های موردنرسی در این مطالعه از نظر خشکسالی با هم دیگر تفاوت داشته‌اند. پنهان اول دامنه‌های غربی زاگرس، پنهان دوم نواری از شمال‌شرقی، جنوب البرز، شمال‌غربی و تا حدودی غرب کشور، پنهان سوم بخش‌هایی از مناطق شمال‌شرقی و ارتفاعات لالمزار و هزار و قسمت‌هایی از جنوب، پنهان چهارم تقریباً نیمی از مساحت کشور در مناطق مرکزی، شرق و بخش‌هایی از جنوب، پنهان پنجم با کمترین مساحت بخش‌های مرکز و غرب کرانه‌های خزری و گروه ششم بخش‌هایی از شرق دریای خزر و شمال‌غربی کشور را در بر می‌گیرد. درنهایت یافته‌ها نشان داد که صلاحیت الگوی زنجیره مارکوف در برآورد روزهای خشک (برای تمام فصول پنهان کشور) از صلاحیت بسیار بالایی برخوردار است.

**کلیدواژه‌ها:** احتمال، پنهان‌بندی، روز خشک، الگوی زنجیره مارکوف، ایران.

## ۱. مقدمه

اقلیم، آکنده از واقعیت‌ها و رویدادهای تصادفی است که به طور قطعی، قابل برآورد و پیش‌بینی نیستند. پیشامد این رخدادها با کلمه احتمال توصیف می‌شود. بررسی این حالت‌های نامعین یا تصادفی را «دانش احتمال» بر عهده دارد. واژه «احتمال» بر عدم اطمینان نسبت به وقوع رویدادها و اندازه‌گیری این عدم اطمینان دلالت دارد (عساکر، ۱۳۹۰: ۲۴۰-۲۳۹). کاربرد نظریه احتمال در اقلیم‌شناسی رفتار، بسیاری از پدیده‌های اقلیمی به‌ظاهر غیرقطعی را به شکل قانون‌مند ارائه و به تصمیم‌گیری مدیران و آینده‌نگری برنامه‌ریزان کمک می‌کند. توضیح این‌که هرچند پدیده‌های مورد بحث، به‌طور قطع قابل برآورد نیستند ولی از مشاهده پیاپی آن‌ها آگاهی‌های مفیدی به دست می‌آید. یکی از الگوهای احتمالاتی مورد استفاده در تحقیقات اقلیمی، مدل زنجیره مارکوف است. در بسیاری مطالعات اقلیم‌شناسخانه، بررسی سرشت احتمالی ویژگی‌ها و پدیده‌های اقلیمی بر اساس الگوی زنجیره مارکوف در کانون علاقه و توجه است. به عنوان مثال: گریگورتن<sup>۱</sup> (۱۹۶۶) زنجیره مارکوف را جهت تخمین توادر و استمرار چندین ساعته تا چندین هفته‌ای و قایع هواشناسی مفید دانسته است. فیرهرم و دین بارک<sup>۲</sup> (۱۹۶۷) جهت تحلیل توالی روزهای تر و خشک از زنجیره مارکوف بهره بردن و دریافتند که در شمال ایالت متحده دوره بارانی اوایل بهار بعد از دو روز تر پایان می‌یابد و تخمین احتمال توادر روزهای تر و خشک هم به وسیله الگو زنجیره مارکوف بسیار مناسب است. تودورو ویچ و ول هایزر<sup>۳</sup> (۱۹۷۴) در بررسی الگو احتمالی بارش ۷ روزه، استیم<sup>۴</sup> (۱۹۸۰) در بررسی بارش هند و نیجریه از زنجیره مارکوف بهره گرفتند. بدراالدین یوسف محمد<sup>۵</sup> (۱۹۹۷) با استفاده از داده‌های ۵۶ ایستگاه هواشناسی و به روش تحلیل عاملی و خوش‌های به طبقه‌بندی آب و هوایی عربستان سعودی پرداخت. آنگنوستوپولو<sup>۶</sup> و همکاران (۲۰۰۳) به تحلیل زمانی و مکانی خشکسالی‌های یونان پرداخت که نتایج مطالعه‌وی نشان داد که الگوی زنجیره مارکوف با رخدادهای مشاهده شده انطباق مناسبی دارند. آنا<sup>۷</sup> و همکاران (۲۰۰۷) به طبقه‌بندی خشکسالی با استفاده از الگوی شاخص خشکسالی<sup>۸</sup> و الگوی زنجیره مارکوف پرداختند. آن‌ها با استفاده از این مدل نشان دادند که احتمال وقوع خشکسالی‌های اقلیمی از ویژگی‌های فصلی تبعیت می‌کند. هلی<sup>۹</sup> و همکاران (۲۰۰۸) با استفاده از داده‌های روزانه بارش ۹۷ ایستگاه هواشناسی چینگ‌های-فلات تبت طی دوره

۱ Grigorten

۲ Feyerherm and Dean Bark

۳ Todorovic and woolhiser

۴ Stem

۵ Badraddin Yusuf Mohammad

۶ Anagnostopoulou

۷ Ana

۸ SPI

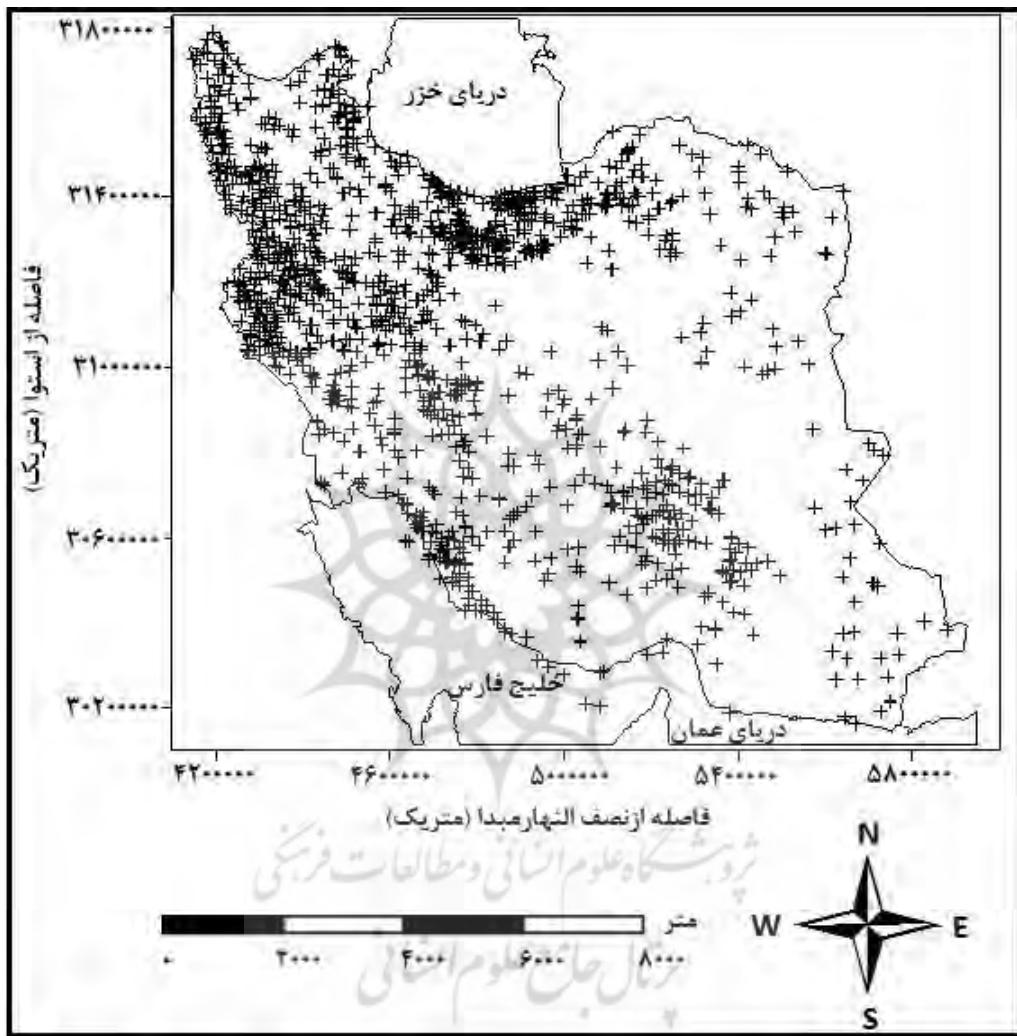
۹ Heli

آماری (۱۹۶۱-۲۰۰۴) با استفاده از تحلیل خوشاهی ایستگاهها را به پنج محدوده ارتفاعی خوشبندی کرد که تا محدوده ارتفاعی ۳۵۰۰ با افزایش ارتفاع میزان بارش تابستانه این منطقه افزایش می‌یابد. اندیشمندان ایرانی نیز در بررسی‌های ناحیه‌ای و نقطه‌ای مدل زنجیره مارکوف را به کار گرفته و اثبات کرده‌اند که روش موربدبخت روشی شایسته در ردیابی ویژگی‌های اقلیمی است. به عنوان مثال علیزاده و آشگرطوسی (۱۳۸۶) با استفاده از داده‌های ماهانه ایستگاه‌های همدید خراسان رضوی طی دوره آماری ۱۹۷۷-۲۰۰۷ و با به کارگیری الگوی زنجیره مارکوف به پایش وضعیت خشکسالی و ترسالی پرداخته‌اند. هم‌چنین نتایج پیش‌بینی ماهانه حاکی از وجود ترسالی و خشکسالی ملائم در برخی ایستگاه‌های موردمطالعه است. عساکره (۱۳۸۹) با استفاده از آمار میانگین دمای حداقل روزانه ماه‌های مهر و فروردین طی دوره آماری ۱۳۳۹-۱۳۸۳ ایستگاه زنجان به بررسی احتمال تواتر و تداوم یخ‌بندان‌های زودرس و دیررس در شهر زنجان پرداخت و درنهایت نتایج نشان داد که احتمال وقوع یخ‌بندان در هر روز برای فروردین ماه ۰/۳۵۱۹ و برای مهر ماه ۰/۳۷۵۰ است. علیجانی و همکاران (۱۳۸۹) با به کارگیری مدل زنجیره مارکوف برای طول دوره آماری ۲۰۰۵-۱۹۹۱ به بررسی تداوم روزهای یخ‌بندان در ایران پرداختند. علیجانی و همکاران (۱۳۹۰) با به کارگیری الگوی زنجیره مارکوف نهان به بررسی تداوم دو وضعیتی بارش‌های سالانه جنوب‌شرق کشور پرداختند. در پژوهش حاضر، ضمن بهره‌گیری از روش مارکوف بر پایگاه داده‌های بارش، صلاحیت این روش بر هر نقطه و برای روزهای هرماه از پنهان کشور، ارزیابی شده است. بدین ترتیب احتمال وقوع روزهای خشک ایران بر اساس بارش‌های روزانه موربدبررسی قرار خواهد گرفت.

## ۲. مواد و روش‌ها

با توجه به این‌که سازمان هواشناسی کشور داده‌های بارش روزانه دهه اخیر را به دلیل عدم آماده بودن فرمت در اختیار کاربران قرار نداده است، در این پژوهش از داده‌های شبکه‌ای بارش روزانه ایران که در دانشگاه اصفهان به وسیله سید ابوالفضل مسعودیان طراحی شده، برداشت شده است. این داده‌ها دارای تفکیک زمانی روزانه از ۱۳۸۹/۱۰/۱۱ - ۱۳۴۰/۰۱/۰۱ است. تفکیک مکانی داده‌ها  $15 \times 15$  کیلومتر است که در سیستم تصویر لامبرت مخروطی هم‌شکل نگاشته شده‌اند. با توجه به مختصات یاد شده سراسر ایران با ۷۱۸۷ یاخته پوشیده می‌شود. بر این اساس هریک از داده‌های شبکه‌ای دما و بارش ایران آرایه‌ای است به ابعاد  $18218 \times 7187$  که با آرایش‌گاه جای<sup>۱</sup> (زمان بر روی سطراها و مکان بر روی ستون‌ها) چیده شده است. درایه‌های این آرایه به کمک داده‌های ۱۴۳۶ ایستگاه همدید، اقلیمی و باران‌سنگی و باروش میان‌یابی

کریجینگ<sup>۱</sup> برآورده است. معرفی و کاربرد روش کریجینگ در میان یابی مشاهدات اقلیمی بهوسیله عساکره (۱۳۸۷) ارائه شده است. پراکندگی مکانی ایستگاه‌های مورد استفاده، درشکل ۱ ارائه شده است. برای برآوردهای شبکه‌ای هر روز از داده‌های همه ایستگاه‌هایی که در آن روز بارش را اندازه‌گیری کرده بودند، بهره‌برداری شده است.



شکل ۱ توزیع مکانی ایستگاه‌های مورد استفاده در میان یابی

بنابراین در برخی روزها تعداد اندازه‌گیری‌ها کم‌تر و در برخی روزها بیش‌تر بوده است. در این تحقیق ابتدا برای تحلیل مارکوفی روزهای خشک، داده‌های بارش روزانه درهایک از یاخته‌های نقشه بر اساس آستانه صفر (روزهای فاقدبارش) و یک (روزهای توأم با بارش) برای زنجیره مارکوف مرتب گردید. سپس

فراآنی وقوع هر یک از حالت‌ها بر اساس وقوع و عدم وقوع برای هریک از آستانه‌ها محاسبه گردید. در مرحله بعد ماتریس احتمال تغییر حالت برای هریک از وضعیت‌ها در نظر گرفته شد. برای محاسبه ماتریس احتمال تغییر حالت ابتدا ماتریس شمارش فراآنی برای هریک از حالت‌ها محاسبه شد. این ماتریس برای هر یاخته به صورت زیر است:

$$F = \begin{matrix} D & W \\ \begin{matrix} D \\ W \end{matrix} & \begin{bmatrix} n_{11} & n_{12} \\ n_{21} & n_{22} \end{bmatrix} \end{matrix} \quad (1)$$

در مرحله بعد ماتریس احتمال انتقال که نشان‌دهنده تغییر وضعیت از یک حالت به حالت دیگر است به صورت زیر و برای هر یاخته محاسبه شد: سپس با استفاده از الگوی حاصل شده برای هریک از یاخته‌های نقشه، روزهای خشک محاسبه و با روزهای واقعی (مشاهده شده) خشک مقایسه شد. تفاضل این دو مقدار میزان خطای الگو را بیان می‌کند.

$$P = \begin{matrix} D & W \\ \begin{matrix} D \\ W \end{matrix} & \begin{bmatrix} p_{11} & p_{12} \\ p_{21} & p_{22} \end{bmatrix} \end{matrix} \quad (2)$$

در نهایت نقشه‌های احتمال وقوع روزهای خشک، تعداد روزهای خشک رخ داده در طول دوره آماری و برای هر یاخته، روز خشک حاصل از الگو و تفاضل این دو تهیه و بررسی شد. در این زمینه تعداد ۴۸ نقشه تهیه شد. در گام بعدی، ۴۸ نقشه مذکور، در معرض تحلیل خوشای قرار گرفت. در این گام با استفاده از روش فاصله اقلیدوسی<sup>۱</sup> و روش ادغام وارد<sup>۲</sup> نواحی همگن از نواحی ناهمگن افزایش شد. در روش تعیین فاصله از رابطه زیر استفاده شد (جانسون و ویچرن<sup>۳</sup>: ۱۳۷۹-۶۸۷):

$$d_{jk} = \sqrt{\sum_{i=1}^n (P_{ij} - P_{ik})^2} \quad (3)$$

در این رابطه، تفاوت احتمالاتی دو یاخته  $j$  و  $k$  باشان داده می‌شود. مقدار احتمال حالت  $i$ ام روی یاخته  $j$ ام است. با استفاده از همین روش می‌توان گفت که مقدار احتمال  $i$ ام است که روی یاخته  $k$ ام محاسبه شده است؛ یعنی برای محاسبه دو یاخته  $j$  و  $k$ ، از داده‌های ستون‌های  $k$  و  $j$ ام ماتریس احتمالات استفاده و تفاوت مقادیر آن‌ها به دست آمد. مقدار بین صفر و بی‌نهایت متغیر است؛ یعنی  $d_{jk} \leq 0$  است. روش ادغام «وارد» بر مبنای کمینه‌سازی پراش درون گروهی استوار است. این روش در سال ۱۹۶۳ توسط «وارد» پیشنهاد شده است. در هر مرحله از این روش، ترکیب هر جفت دسته ممکن مورد توجه قرار می‌گیرد. بدین

1 Euclidean Distance

2 Ward

3 Janson and vichren

ترتیب هر دو دسته‌ای که ادغام آن‌ها سبب کمینه شدن مجموع مربعات خطای<sup>۱</sup> شود، با یکدیگر ترکیب می‌شوند. بنابراین یاخته‌هایی که در یک جفت از گروه‌ها مجموع مربعات خطای کمینه داشته باشند، در یک دسته قرار می‌گیرند. عبارت ریاضی برای محاسبه مجموع مربعات خطای شرح زیر است (فرشادفر: ۱۳۸۴): در این فرمول ارزش احتمالی متنسب به یاخته  $i$  ام در گروه  $j$  ام است.  $k$  تعداد کل گروه‌ها در هر مرحله،  $n_j$  تعداد یاخته‌ها در گروه  $j$  ام است.

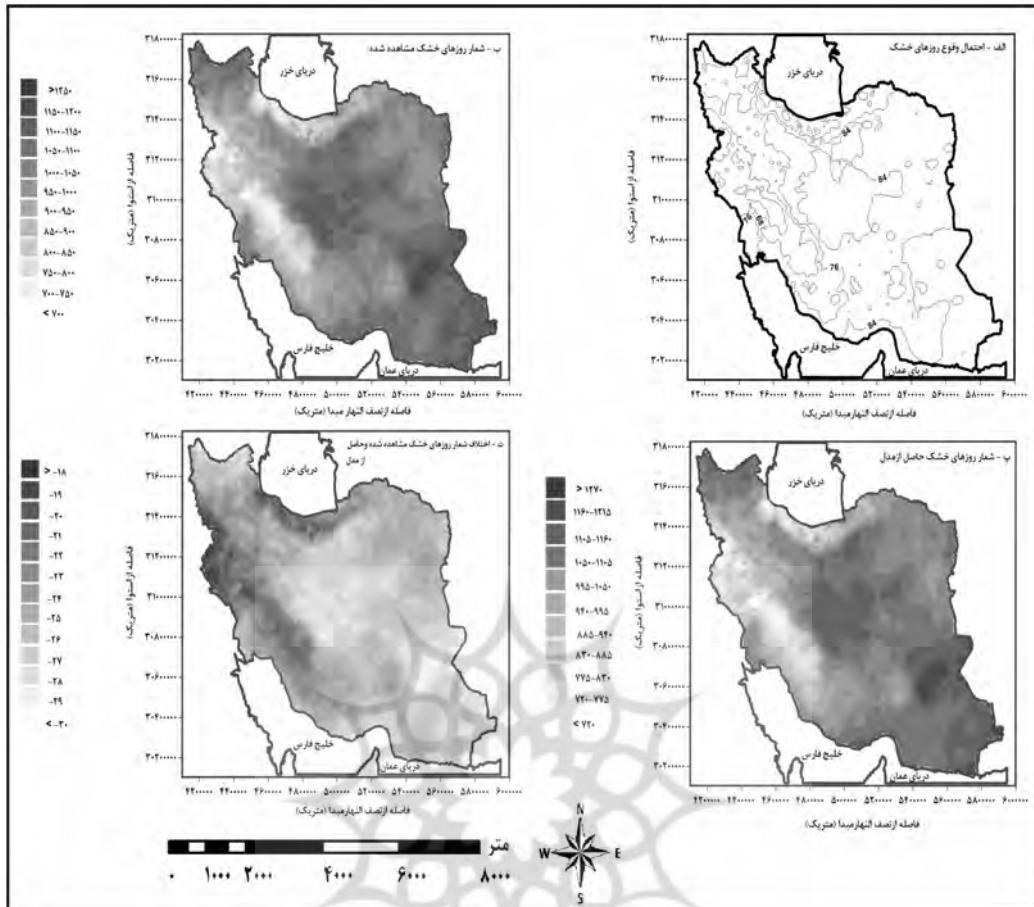
$$E.S.S = \sum_{j=1}^k \left[ \sum_{i=1}^{n_j} P_{ij}^2 - \frac{1}{n_j} \left[ \sum_{i=1}^{n_j} P_{ij} \right]^2 \right] \quad (4)$$

این مجموع مربعات خطای را نمایه مجموع مربعات یا پراش نیز گویند. ملحق شدن یاخته‌های دیگر به دسته‌های تشکیل شده مرحله بعدی خواهد بود. نتایج حاصل از دسته‌بندی را می‌توان در یک دارنما نشان داد. در نهایت به تهیه و تحلیل نقشه طبقه‌بندی شده یاخته‌های مورد بررسی اقدام شد.

### ۳. بحث و نتایج

#### ۱. ۳. ارزیابی الگوی مارکوفی روزهای خشک ماهانه

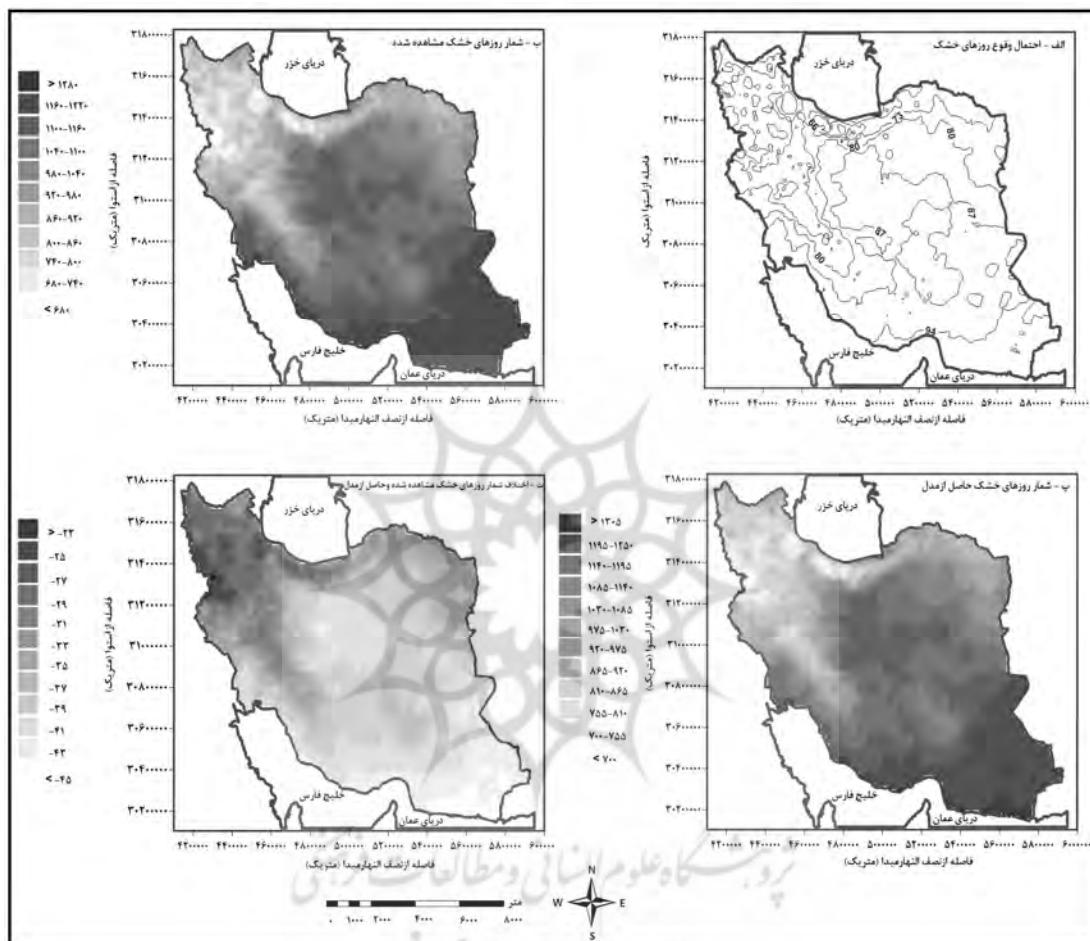
چنان‌که گفته شد، تعداد ۴۸ نقشه برای ارزیابی الگوی زنجیره مارکوف برای هرماه تهیه شد. این نقشه‌ها برای هرماه شامل، احتمال وقوع روزهای خشک (الف)، شمار روزهای خشک واقعی (ب)، شمار روزهای خشک حاصل از الگو (پ) و تفاضل این دو روز (ت) برای ماههای مختلف سال است. به دلیل کثرت این نقشه‌ها و نیز محدودیت تعیین شده برای حجم مقاله در زیر تنها به ارائه نقشه‌های چهار ماه (ژانویه، آوریل، جولای و اکتبر) بستنده می‌شود: ماه ژانویه به عنوان پربارش‌ترین ماه فصل زمستان حدود ۴۲/۳۰ بارش‌های این فصل را به خود اختصاص داده است با توجه به (شکل ۲-الف)، احتمال وقوع روزهای خشک در ماه ژانویه بین ۰/۶۳ (بخش‌های غربی و جنوب‌غربی) تا ۰/۸۵ (بخش‌های جنوبی و مرکزی) است. روزهای خشک رخ داده در طی دوره آماری (شکل ۲-ب) به سمت بخش‌های غربی کشور کاسته می‌شود، این در حالی است که در مناطق دیگر این رقم زیادتر شده است. در شکل ۲-پ دیده می‌شود که شمار روزهای خشک حاصل از الگو بیشتر از شمار روزهای واقعی خشک است؛ با این وجود چنان‌که در شکل ۲-پ دیده می‌شود، این اختلاف بسیار کم (برای کل دوره آماری حدود ۱۸ تا ۳۰ روز) است. این تفاضل در امتداد دو رشته کوه البرز و زاگرس و نیز نواحی مجاور آن‌ها نظیر کرانه‌های دریای خزر و نیز استان‌های غربی نظیر ایلام و بخش‌هایی از کردستان کمتر و در ایران مرکزی به بیش‌ترین مقدار می‌رسد.



شکل ۲ توزیع مکانی روزهای فاقد بارش زنجیره مارکوف مرتبه یک ماه ژانویه

با توجه به شکل (۳-الف) احتمال وقوع روزهای خشک در ماه آوریل در بیشتر مناطق کشور (ایران مرکزی و جنوب) بالای ۸۰٪ باشد. این امر گواهی بر این است که تقریباً بارش این مناطق کم بوده است به طوری که بیشتر بارش‌های این ماه بین ۳۰ - ۰ میلی‌متر بوده و کشور روزهای خشک را تجربه کرده است. هرچه به عرض‌های جغرافیایی بالاتر و به سمت غرب حرکت کنیم، احتمال وقوع روزهای فاقد بارش کم شده است. میزان احتمال وقوع روزهای خشک این مناطق به حدود ۶۰٪ رسیده است با توجه به شکل ۳-ب شمار روزهای خشک نزدیک به شمار روزهای واقعی ماه مارس است یعنی در هر دو ماه، روزهای خشک اتفاق افتاده تقریباً برابر بوده‌اند. در بخش‌های شمالی و شمال‌غربی کشور، روزهای خشک کم‌تر مشاهده شده است. شمار روزهای خشک حاصل از الگو در ماه آوریل نسبت به ماه مارس اندکی افزایش یافته است، با این وصف در مناطق شمالی کشور از شمار روزهای خشک نسبت به مناطق دیگر کاسته شده

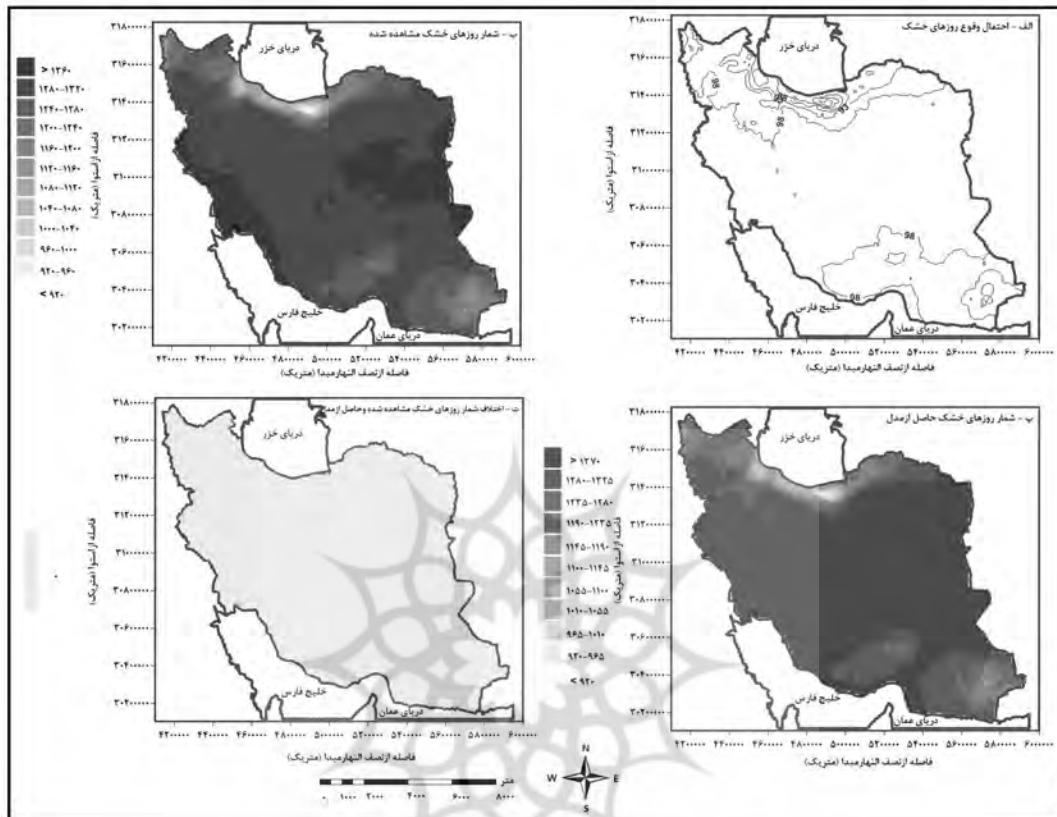
است. شکل ۳-ت اختلاف شمار روزهای خشک مشاهده شده و حاصل از الگو نسبت به ماه مارس بیشتر است و در مناطق جنوبی کشور به حد اکثر مقدار خود رسیده است. کمترین مقدار نیز در سواحل شمالی و شمال غربی و بخش هایی در غرب کشور مشهود است. ماه جولای به عنوان خشک ترین ماه سال است.



شکل ۳ توزیع مکانی روزهای فاقد بارش زنجیره مارکوف مرتبه یک ماه آوریل

باتوجه به شکل ۴-الف احتمال وقوع روزهای فاقد بارش در این ماه تقریباً برای سرتاسر کشور نزدیک به ۰/۹۰٪ و کمترین احتمال در سواحل شمال با ۰/۱۰٪ است. در نقشه (۴-ب) شمار روزهای خشک را برای کل روزهای این ماه در طول دوره آماری نشان می‌دهد. در مناطق مرکزی کشور تقریباً کل دوره (۱۳۲۰ روز) فاقد بارش بوده است. روزهای خشکی که توسط الگو برآورد شده است، تقریباً برابر با روزهای خشک مشاهده شده است. بنابراین اختلافی بین روزهای مشاهده شده و مورد انتظار دیده نمی‌شود. اختلاف ناجیز

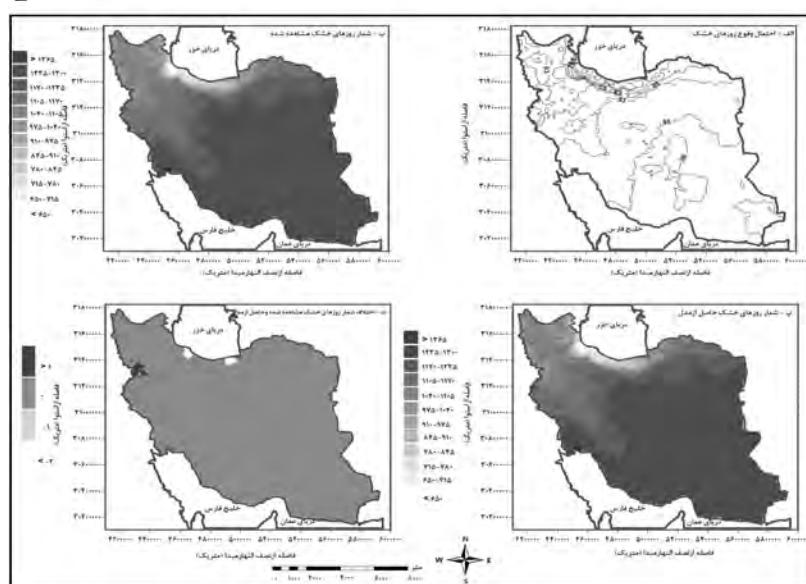
نیز در همه پنهان عمدتاً مثبت و حدود یک روز بوده است. بنابراین در تمام طول دوره آماری مذکور الگو توانسته پیش‌بینی درستی ارائه دهد.



شکل ۴ توزیع مکانی روزهای فاقد بارش زنجیره مارکوف مرتبه یک ماه جولای

بیشینه احتمال وقوع روز خشک نسبت به ماه سپتامبر کاهش یافته است. این احتمال حدود ۰/۹۰ (شکل ۵-الف)

می‌باشد. بیشینه شمار روزهای واقعی فاقد بارش ۱۳۳۴ روز می‌باشد. هم‌چنین روزهای خشکی که الگو برآورد نموده است، تقریباً برابر با روزهایی مشاهده شده می‌باشد (شکل ۵-ب). از این رو اختلاف روزهای خشک پیش‌بینی شده توسط الگو با روزهای خشک واقعی در ۰/۹۹ پنهان ایران صفر و تنها در بخش‌های استان کردستان و آذربایجان غربی و سواحل غربی دریای خزر تفاوت در ماه اکتبر، اندکی دیده می‌شود (شکل ۵-ت). صلاحیت الگوی زنجیره مارکوف در برآورد روزهای خشک ماههای فوق و نیز ۸ ماه دیگر سال با مقایسه نقشه‌ها در فصول مختلف، مورد ارزیابی قرار گرفت و معلوم شد که اولاً این الگو به لحاظ تشخیص زمان کمینه، بیشینه و بهینه روزهای خشک برای تمامی ماههای سال و در سرتاسر ایران از صلاحیت بسیار بالایی برخوردار است.

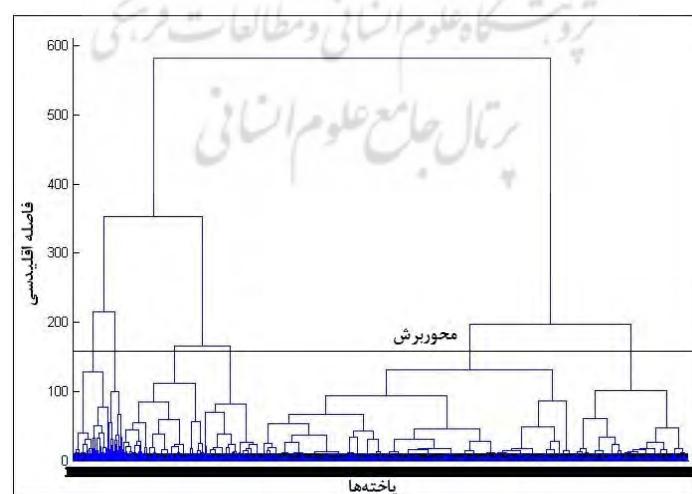


شکل ۵ توزیع مکانی روزهای فاقد بارش زنجیره مارکوف مرتبه یک ماه اکبر

روزهای خشک پیش بینی شده در سه ماه فصل زمستان و نیز ماه های فصل به روزهای خشک واقعی اتفاق افتاده، نزدیک بوده است. ولی به سمت فصول حد واسط تفاصل دو روش زیادتر شده است.

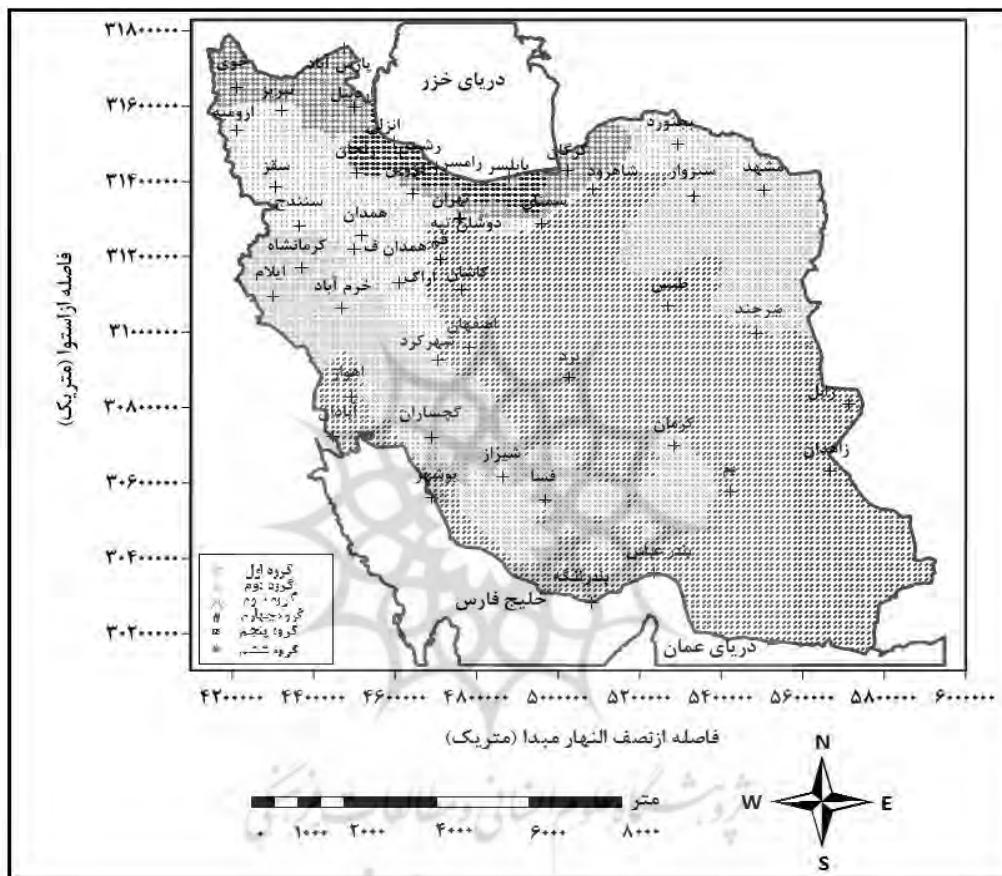
### ۲. پنهانی احتمالات مارکوفی و توان های آن

براساس ۴۸ نقشه مشخصات مارکوفی روزهای خشک، داده های مربوط به هر نقشه در کنار هم جمع آمدند. بنابراین یک آرایه ۴۸x۷۱۸۷ حاصل شد. که در آن ردیفها تعداد یاخته های نقشه و ستون ها تعداد نقشه هاست. عملیات تحلیل خوش ای بر این آرایه مشاهدات اعمال شد. بر اساس روش آزمون و خطاب تعداداً پنهانه از این دارنما قابل استنباط است. پنهانه های شش گانه مشخص شده بردارنمای شکل ۶ در شکل ۷ ارائه شده است.



شکل ۶ نمودار شاخه درختی (دارنما) داده های استاندارد شده

عمومی پهنه‌ها با موقعیت جغرافیایی مشخص قابل افزاند. هم‌چنین مشخصات مارکوفی ماه به ماه این پهنه‌ها در جداول ۱ تا ۳ ارائه شده است (اعداد پرنگ بیشترین مقدار را در هر پهنه نشان می‌دهد). در زیر ویژگی‌های هر کدام از پهنه‌ها به صورت جداگانه آورده شده است. پهنه اول: این گروه بیشتر دامنه‌های غربی و مرتفع کوه‌های زاگرس (کرمانشاه، ایلام و خرم‌آباد) را شامل می‌شود که حدود ۹/۲ درصد از مساحت کشور را پوشش می‌دهد.



شکل ۷ پهنه‌بندی زنجیره مارکوف برای روزهای خشک در پهنه ایران زمین

در مقیاس ماهانه این پهنه دارای میانگین احتمال روزهای خشک برابر با  $81/96$  و ضریب تغییرپذیری آن برابر با  $4/4$  درصد است. بیشترین احتمال وقوع روزهای خشک در ماه‌های تابستان و کمترین آن در فصل زمستان مشاهده می‌شود که علت آن در بارش‌های زیاد زمستانه این مناطق است. بنابراین برای این پهنه الگوی مارکوفی توانسته است پیش‌بینی تقریباً نزدیک به واقعیت ارائه دهد. پهنده دوم: این پهنه قسمت‌های نواری از شمال شرقی، جنوب البرز، شمال غربی و تا حدودی غرب کشور با  $13/2$  درصد از مساحت کل را در برگرفته است. میانگین احتمال وقوع روزهای خشک در این گروه  $82/52$  و میانگین ضریب تغییرپذیری  $5/4$  درصد

در مقیاس ماهانه است. با توجه به جدول شماره ۲ کمترین احتمال وقوع مربوط به فصل بهار(مارس و آوریل) با ۶۸ درصد می‌باشد. زیرا در این مناطق ماههای مذکور به عنوان پربارش‌ترین ماهها به شمار می‌آیند. پنهانه دوم دارای احتمال وقوع روزهای خشک و شمار روزهای خشک حاصل از الگو بیشتری نسبت به روزهای خشک واقعی است. پنهانه سوم: این پنهانه با ۱۹ درصد از مساحت کشور، تقریباً بخش‌هایی از مناطق شمال شرقی، و ارتفاعات لاله‌زار و هزار در جنوب کرمان و قسمت‌هایی از جنوب را پوشش می‌دهد. کمترین احتمال وقوع روزهای خشک مربوط به ماه مارس است؛ زیرا بیشتر بارش‌های دریافتی این پنهانه حاصل ناپایداری‌های محلی در ماه مورد بحث است. همچنین

جدول شماره ۱ مشخصات پارامترهای آماری احتمال وقوع روزهای خشک

ضریب تغییرپذیری						میانگین						پارامتر
ششم	پنجم	چهارم	سوم	دوم	اول	ششم	پنجم	چهارم	سوم	دوم	اول	ماه
۸/۸	۶/۶	۳/۹	۴/۸	۷	۵/۹	۷۷/۹	۶۳/۶	۸۴	۷۶/۹	۷۴/۳	۶۳	ژانویه
۹/۱	۶/۹	۳/۴	۳/۱	۸	۶/۹	۷۰/۲	۶۱/۸	۸۵	۷۷/۱	۷۳/۱	۶۴/۲	فوریه
۸/۷	۷/۸	۴	۴/۶	۷/۲	۸/۱	۶۹/۳	۵۸/۳	۸۴/۷	۷۵/۸	۶۸/۴	۶۴/۴	مارس
۷/۹	۹/۶	۴/۳	۶	۸/۹	۹/۱	۶۸/۲	۶۴/۲	۸۹/۷	۸۲/۵	۶۸/۵	۷۱/۷	آوریل
۱۱/۶	۴/۳	۳/۳	۵	۷/۸	۶/۴	۶۹/۷	۶۸/۸	۹۵/۶	۹۲/۶	۷۶/۹	۸۷/۷	می
۵/۰/۶	۶	۱/۱	۱/۳	۳/۵	۰/۶۴	۸۳/۹	۷۸/۶	۹۸/۸	۹۸/۴	۹۴/۴	۹۹/۳	ژوئن
۳/۵	۵/۶	۲/۵	۱/۶۶	۱/۹	۰/۴۸	۹۱/۲	۸۲/۱	۹۸	۹۸/۴	۹۶/۸	۹۹/۳	جویای
۵/۰/۵	۷/۱	۱/۷	۱/۶۲	۱/۹	۰/۴۹	۹۰/۶	۷۶	۹۸/۶	۹۸/۷	۹۷/۶	۹۹/۴	آگوست
۶/۶	۱۰/۷	۰/۹۲	۰/۸۰	۲/۶	۰/۵۷	۸۷	۶۷/۱	۹۹/۲	۹۹	۹۶/۹	۹۹/۲	سپتامبر
۵/۷	۱۱/۸	۱/۴	۱/۹	۴	۳/۹	۷۹	۶۲/۷	۹۷/۷	۹۷/۴	۸۶/۵	۹۰/۴	اکتبر
۶/۱	۹/۶	۲/۷	۲/۹	۵/۴	۵/۵	۷۸/۱	۶۳/۴	۹۴/۸	۹۱/۴	۷۹/۹	۷۷/۳	نوامبر
۸/۳	۶/۷	۴	۴/۹	۶	۵/۴	۷۷/۴	۶۳/۶	۸۸/۶۲	۸۱/۲	۷۶/۵	۶۷/۰	دسامبر

**جدول شماره ۲ مشخصات ماهانه شمار روزهای خشک مشاهده شده برای پهنه‌های شش گانه کشور**

ضریب تغییرپذیری												میانگین						ماه	پارامتر
پهنه ششم	پهنه پنجم	پهنه چهارم	پهنه سوم	پهنه دوم	پهنه اول	پهنه ششم	پهنه پنجم	پهنه چهارم	پهنه سوم	پهنه دوم	پهنه اول	ژانویه	فوریه	مارس	آوریل	می	ژوئن	جولای	آگوست
۸/۸	۶/۶	۳/۹	۴/۸	۷	۵/۹	۱۰۲۵	۸۴۷	۱۱۲۰	۱۰۲۵	۹۹۰	۸۳۹								
۹/۱	۷/۹	۳/۴	۳/۱	۸	۷/۹	۹۱۴	۷۵۱	۱۰۳۳	۹۳۷	۸۸۸	۷۸۱	فوریه							
۸/۷	۷/۸	۴	۴/۵	۷/۲	۸	۹۳۲	۷۸۴	۱۱۳۸	۱۰۱۹	۹۲۰	۸۶۶	مارس							
۷/۹	۹/۶	۴/۳	۶/۱	۸/۹	۹/۱	۹۰۰	۸۴۷	۱۱۸۴	۱۰۸۹	۹۰۴	۹۴۷	آوریل							
۱۱/۰	۹/۲	۳/۳	۵	۷/۸	۶/۴	۹۵۱	۹۳۸	۱۳۰۴	۱۲۶۳	۱۰۴۹	۱۱۹۶	می							
۵/۰۷	۶	۱/۱	۱/۳	۳/۵	۰/۶۴	۱۱۰۷	۱۰۳۸	۱۳۰۴	۱۲۹۹	۱۲۴۶	۱۳۱۱	ژوئن							
۳/۵	۵/۶	۲/۵	۱/۶۶	۱/۹۷	۰/۴۸	۱۲۴۴	۱۱۲۰	۱۳۳۷	۱۳۴۳	۱۳۲۱	۱۳۵۵	جولای							
۵/۰۸	۷/۱	۱/۷	۱/۶۲	۱/۹۳	۰/۵	۱۲۳۶	۱۰۳۷	۱۳۴۵	۱۳۴۶	۱۳۳۱	۱۳۵۶	آگوست							
۶/۶	۱۰/۷	۰/۹۲	۰/۸	۲/۶	۰/۵۷	۱۱۴۹	۸۸۵	۱۳۰۹	۱۳۰۷	۱۲۷۹	۱۳۰۹	سپتامبر							
۵/۷	۱۱/۸	۱/۴	۱/۹	۴	۳/۸	۱۰۷۷	۸۵۶	۱۳۳۲	۱۳۱۶	۱۱۸۱	۱۲۳۳	اکتبر							
۶/۱	۹/۶	۲/۷	۲/۹	۵/۴	۵/۵	۱۰۳۱	۸۳۷	۱۲۵۲	۱۲۰۷	۱۰۵۵	۱۰۲۱	نوامبر							
۸/۳	۶/۷	۴	۴/۹	۶	۵/۴	۱۰۵۷	۸۶۸	۱۲۰۸	۱۱۰۸	۱۰۴۳	۹۱۴	دسامبر							

ارتفاعات لاله‌زار و هزار نقش اندکی در این بارش‌ها ایفا می‌کنند. پیش‌بینی الگو برای این مناطق تقریباً بیش از شمار روزهای خشک مشاهده شده است که می‌توان نتیجه گرفت الگوی مارکوف در این پهنه به طور نسبی برآورد صحیحی در بیشتر ماه‌ها برای مناطق مذکور نداشته است.

**جدول شماره ۳ مشخصات ماهانه شمار روزهای خشک حاصل از الگو برای پهنه‌های شش گانه**

ضریب تغییرپذیری												میانگین						ماه	پارامتر
پهنه ششم	پهنه پنجم	پهنه چهارم	پهنه سوم	پهنه دوم	پهنه اول	پهنه ششم	پهنه پنجم	پهنه چهارم	پهنه سوم	پهنه دوم	پهنه اول	ژانویه	فوریه	مارس	آوریل	می	ژوئن	جولای	آگوست
۸/۸	۶/۶	۳/۹	۴/۸	۷	۵/۹	۱۰۴۹	۸۶۸	۱۱۴۶	۱۰۴۹	۱۰۱۳	۸۵۹								
۹/۱	۷/۹	۳/۴	۳/۱	۸	۶/۹	۱۰۲۶	۸۴۳	۱۱۶۰	۱۰۵۲	۹۹۷	۸۷۶	فوریه							
۸/۷	۷/۸	۴	۴/۶	۷/۲	۸/۱	۹۴۶	۷۹۵	۱۱۵۵	۱۰۳۴	۹۳۳	۸۷۹	مارس							
۷/۹	۹/۶	۴/۳	۶	۸/۹	۹/۱	۹۳۰	۸۷۵	۱۲۲۴	۱۱۲۶	۹۳۴	۹۷۹	آوریل							
۱۱/۶	۹/۳	۳/۳	۵	۷/۸	۶/۴	۹۵۱	۹۳۸	۱۳۰۴	۱۲۶۳	۱۰۴۹	۱۱۹۶	می							

ژوئن	۱۳۵۵	۱۲۸۸	۱۳۴۳	۱۳۴۷	۱۰۷۲	۱۱۴۴	۰/۶۴	۲/۵	۱/۳	۱/۱	۶	۵/۰۶
جوای	۱۳۵۰	۱۳۲۱	۱۳۴۳	۱۳۳۷	۱۱۱۹	۱۲۴۴	۰/۴۸	۱/۹۷	۱/۶۶	۲/۵	۵/۶	۲/۵
آگوست	۱۳۵۶	۱۳۳۱	۱۳۴۶	۱۳۴۵	۱۰۳۷	۱۲۳۶	۰/۴۹	۱/۹۲	۱/۶۲	۱/۷	۷/۱	۵/۰۵
سپتامبر	۱۳۵۳	۱۳۲۲	۱۳۵۱	۱۳۵۳	۹۱۶	۱۱۸۸	۰/۵۷	۲/۶	۰/۸۰	۰/۹۲	۱۰/۷	۷/۶
اکتبر	۱۲۳۳	۱۱۸۰	۱۳۱۶	۱۳۳۲	۸۵۶	۱۰۷۷	۳/۹	۴	۱/۹	۱/۴	۱۱/۸	۵/۷
نوامبر	۱۰۵۴	۱۰۹۰	۱۲۴۷	۱۲۹۴	۸۶۵	۱۰۶۵	۵/۵	۵/۴	۲/۹	۴/۷	۹/۶	۷/۱
دسامبر	۹۱۴	۱۰۴۳	۱۱۰۸	۱۲۰۸	۸۶۸	۱۰۵۷	۵/۴	۶	۴/۹	۴	۶/۷	۸/۳

پهنهٔ چهارم: این پهنه تقریباً نیمی از مساحت کشور را در برگرفته است که بیشترین محدوده آن در مناطق مرکزی، شرق و بخش‌هایی از جنوب قرار دارد. میانگین احتمال وقوع روزهای خشک برابر با  $۹۲/۹۳$  است که نشان می‌دهد در بین پهنه‌های مذکور این پهنه دارای احتمال بیشینه و ضربیت تغییرپذیری کمینه هستند (جدول ۱و۲). علت آن احتمالاً با خشک بودن مناطق مذکور مرتبط باشد که دلیل آن از یک سو به استقرار پرفشار جنب حراره در طول دوره گرم سال و از سوی دیگر به قرارگیری این نواحی در دامنه بادپناه کوه‌های زاگرس برمی‌گردد که باعث شده کمترین ریزش‌های جوی در این مناطق مشاهده شود. کمترین احتمال وقوع در این پهنه  $۸۴$  درصد که نسبت به سایر پهنه‌ها بیشترین احتمال را در ماه ژانویه داشته است.

پهنهٔ پنجم: این پهنه  $۲/۳$  درصد، کمترین مساحت از کشور را در بین پهنه‌ها به خود اختصاص داده است. منطقه تحت پوشش این پهنه در بخش‌های مرکز و غرب کرانه‌های خزری قرار دارد. میانگین وقوع روزهای خشک در این گروه  $۶۷/۵$  و ضربیت تغییرپذیری آن  $۸/۱$  است که در بین پهنه‌ها کمترین میزان احتمال وقوع روز خشک (ماه مارس) با  $۵۸/۳$  درصد را دارند (جدول ۱). علت آن به ریزش‌های دریافتی در تمام طول سال است، زیرا این مناطق بیشترین بارش‌های کشور را در فصل پاییز دریافت می‌کنند؛ بنابراین الگوی مارکوف می‌تواند پیش‌بینی درستی برای این مناطق داشته باشد.

پهنهٔ ششم: بخش‌هایی از شرق دریای خزر و شمال غربی کشور با  $۵/۸$  درصد از مساحت کشور در این پهنه قرار دارند. این پهنه با میانگین احتمال وقوع روز خشک  $۷۸/۹$  و میانگین ضربیت تغییرپذیری  $۷/۲$  در رتبه دوم پهنه‌ها قراردارد؛ یعنی این پهنه تقریباً دارای کمینه احتمال وقوع روز خشک است؛ چون بیشینه بارش این مناطق در فصل بهار دیده می‌شود؛ بنابراین کمترین احتمال وقوع روز خشک مربوط به ماه‌های مارس، آوریل و می (جدول ۱) است؛ پس اختلاف بین روز خشک واقعی و روز خشک حاصل از الگو در این پهنه زیاد نبوده و الگو پیش‌بینی درستی برای مناطق مذکور داشته است.

#### ۴. نتیجه‌گیری

بارش از جمله متغیرهای اقلیمی به شمار می‌رود که دارای تغییرپذیری بالایی است. از آن جا که مدل زنجیره مارکوف یکی از روش‌های برآوردهای فرایندهای تصادفی به حساب می‌آید، در این مطالعه سعی بر آن است تا با پهنگندی احتمالاتی زنجیره مارکوف، صلاحیت این روش در برآوردهای روزهای خشک مورد بررسی قرار گیرد. کمترین اختلاف در ماههای جولای تا دسامبر، مربوط به بخش‌های شمالی، شمال‌غربی و غرب کشور بوده است؛ یعنی زنجیره مارکوف برای این نواحی پیش‌بینی نزدیک به واقعیت داشته است. بر اساس پهنگندی صورت گرفته در ایران <sup>۶</sup> پهنگ تشخیص داده شد که الگوی مارکوفی برای پهنگ پنجم از صلاحیت بالاتری برخوردار بوده است. سپس به ترتیب: پهنگ اول در رتبه دوم، پهنگ دوم در رتبه سوم، پهنگ ششم در رتبه چهارم، پهنگ سوم در رتبه پنجم و درنهایت پهنگ چهارم در رتبه ششم قرار گرفته‌اند. در بین پهنگ‌های موردنیازی، پهنگ اول بیشترین احتمال وقوع روزهای خشک در فصل تابستان (ماه آگوست) نسبت به پهنگ‌های دیگر داشته است، پهنگ‌های سوم و چهارم تقریباً دارای احتمال وقوع روز خشک یکسان در ماه سپتامبر هستند که با توجه به قرارگیری مناطق مذکور در بخش‌های مرکزی و جنوبی کشور و استقرار پرفشار جنب حراره باعث شده بالاترین احتمال وقوع روز خشک را این نواحی تجربه کنند. درنهایت، بیشترین تفاصل روز خشک واقعی و حاصل از مدل در تمام پهنگ‌ها تقریباً در ماه ژانویه بوده؛ یعنی مدل در ماه مذکور پیش‌بینی نزدیک به واقعیت برای ایران ارائه نداده است.

#### کتابنامه

- جانسون. ریچارد. وویجرتون. دین. دبلیو. ترجمه نیرومند، حسنعلی؛ ۱۳۷۹. تحلیل آماری چند متغیری کاربردی. مشهد: انتشارات دانشگاه فردوسی مشهد. ص ۷۴۰.
- جعفری بهی، خدابخش؛ ۱۳۷۸. تحلیل آماری دوره‌های تر و خشک بارندگی در چند نمونه اقلیمی ایران با استفاده از زنجیره مارکف. پایان‌نامه کارشناسی ارشد هوشناسی کشاورزی. دانشگاه تهران. دانشکده کشاورزی. گروه آبیاری.
- استاد راهنمای دکتر سهراب حجام، ص ۸۷.
- عساکره، حسین؛ ۱۳۸۷. کاربرد روش کریجینگ در میان یابی بارش. مجله جغرافیا و توسعه. شماره ۱۲. صص ۴۲-۲۵. زاهدان.
- عساکره، حسین؛ ۱۳۸۹. احتمال تواتر و تداوم یخ‌بندان‌های زودرس و دیررس در شهر زنجان. مجله جغرافیا و برنامه‌ریزی محیطی. ش. ۱. صص ۱۶-۱. اصفهان.
- عساکره، حسین؛ ۱۳۹۰. مبانی اقلیم‌شناسی آماری. زنجان: انتشارات دانشگاه زنجان. ص ۵۴۸.

- علیزاده، امین، آشگر طوسی، شادی؛ ۱۳۸۷. توسعه یک الگو برای پیش‌بینی و پایش خشکسالی (مطالعه موردی استان خراسان رضوی). مجله علوم و صنایع کشاورزی (ویژه آب و خاک). شماره ۱. صص ۲۲۴-۲۳۴. مشهد.
- علیجانی، بهلول و دیگران؛ ۱۳۸۹. بررسی تداوم روزهای یخیندان در ایران با استفاده از مدل زنجیره مارکوف. مجله پژوهش‌های جغرافیای طبیعی. شماره ۷۳. صص ۱-۲۰. تهران.
- علیجانی، بهلول و دیگران؛ ۱۳۹۰. بررسی ساختار تداوم دو وضعیتی بارش‌های سالانه جنوب ایران با استفاده از الگو وضعیت نهان زنجیره مارکوف. مجله جغرافیا و توسعه. شماره ۲۵. صص ۱-۲۰. زاهدان.
- فرشادفر، عزت‌الله؛ ۱۳۸۴. اصول و روش‌های آماری چند متغیره. کرمانشاه: انتشارات دانشگاه رازی
- Ana, A., Paulo, S., 2007. Prediction of SPI drought class transitions using Markov chain. Water Resources Management 21, 1813-1823.
- Anagnostopoulou, Ch., Maher, P., Karakostas, T., Vafadis, M., 2003. Spatial and temporal analysis of dry spell in Greece, Journal of Geogrphy Research.74: p237-242.
- Badraddin,Y., Mohammad, A.,1997. Climatic classification of Saudi Arabia: An application of factor – cluster analysis. Geojournal 41, 69-84.
- Alijani, B., Mahmoodi, P., Chogan, E., Bisheh niaser, M., 2011. Check the continuity of annual precipitation south conditions using hidden Markov chain model. Journal of Geography and Development 25, 1-20.
- Alijani, B., Mahmoodi, P., Rigi Chahi, E., Khosravi, P., 2010. Study of frost days in Iran continues using the Markov chain model. Journal of Geogrphy Researches 73, 1-20.
- Alizadeh, A., AshgarTosi, Sh., 2008. Develop a model for forecasting and drought monitoring (Case study: Khorasan Razavi). Journal of Agriculture and Industries (specific water and soil) 1, 224-234.
- Asakereh, H., 2008. Application of kriging method through rain routing. Journal of Geography and Development 12, 25-42.
- Asakereh, H., 2010. The frequency stability and continuity of early frosts likely zanjan. Journal of Physical Geogrphy1, 1-16.
- Asakereh, H., 2011. Fundamentals of statistical climatology. Zanjan university Zanjan, Pp548.
- Farshadfar, E., 2005. Principles of multivariate statistical methods, Kermanshah,university Kermanshah, pp734.
- Feyerherm, A.M., Dean, B., 1967. Goodness of a Markov chain model Frequency of wet and dry days, Journal of Applied Meteorology 6, 770-787.
- Grigorten, L, A., 1966. Statistics model of the frequency and duration of weather events, Journal of Applied Meteorology 5, 606-616.
- Heli, Lu., Quangin, Sh., Jiyuan, L., Junbang, W., Shenbin, Ch., Zhuogi, Ch., 2008. Cluster analysis on summer precipitation field over Qinghai-Tibet plateau from 1961 to 2004, Geographical science 18: 295-307.
- Jaefrie Behi, KH., 1999. Statistical analysis of rainfall during the wet and dry climate with few examples of using Markov chain, Master Thesis Agricultural meteorology , university Tehran, Faculty Advisor:Sohrab Hejam, 1-87.

- Janson, R., Vichren, W., translator: Niromand, H.A., 2000. Applied multivariate statistical analysis, Ferdowsi university of Mashhad, pp740.
- Stem, R.D., 1980. The calculation of probability distribution for models of daily Precipitation. Archiv for meteorology geophysic and bioclimatologic 28, 137-147
- Todorovic, P., Woolhisser, D. A., 1975. A statistical model of n-day precipitation. Journal of Applied Meteorology 14, 17-24.

