

تحلیل خطاهای محاسباتی دانشآموزان حساب نارسا*

مژگان رمضانی **

(دریافت: ۸۲/۳/۱۲ تجدید نظر: ۸۲/۷/۲۳ پذیرش نهایی: ۸۲/۸/۱۱)

چکیده

برخی دانشآموزان بویژه دانشآموزان دارای نارسایی‌های ویژه در اکتساب حساب قادر به انجام صحیح عملیات بنیادین حساب (جمع، تفریق، ضرب و تقسیم) نیستند. آنها یکرات مرتکب خطاهای محاسباتی شده و از ادامه عملیات منصرف می‌شوند. پژوهشگران علاقمند به این حیطه علت این مشکلات را در آموزش ناکافی و نادرست معلم و یا تأثیانی دانشآموزان در اکتساب مفاهیم بنیادین (مطابقت یک به یک، شمارش، مجموعه‌ها و) می‌دانند. با تحلیل خطاهای محاسباتی این دانشآموزان معلوم شده است که آنها الگوهای مشابهی در خطاهای خود نشان می‌دهند. معلمان با مرکز این الگوها می‌توانند در حل مسایل دانشآموزان موفق شده و مشکلات آنها در درک مفاهیم کمی را به حداقل برسانند. به منظور دستیابی به این هدف ۲۰ نفر از دانشآموزان مراجعه کننده به مرکز مشکلات ویژه یادگیری در شهرستان یاسوج که پس از ارزیابی‌های کارشناسان شاغل، حساب نارسا تشخیص داده شده بودند، مورد بررسی قرار گرفتند. خطاهای دانشآموزان در حوزه عملیات آزمون پیشرفت تحصیلی ایران^{**} کی مت بررسی و طبقه‌بندی شد. نتایج نشان داد که از عمده‌ترین مشکلات دانشآموزان حساب نارسا اشکال دانشآموزان در شناخت واقعیت‌های ریاضی است. مشکلات دیگر نتیجه اشکال در درک دانش ناشی از بی‌دقیقی یا بی‌توجهی است.

واژه‌های کلیدی: تحلیل خطاء، حساب نارسایی، محاسبه

* این تحقیق با همکاری کارشناسان مرکز مشکلات یادگیری سرکارخانه‌ها مرجان رمضانی، مدینه اسدی، زیبا نیک اقبال، رویا شریفی و جناب آقای جانمحمد بهروزیان مسئول مرکز مشکلات ویژه یادگیری شهرستان یاسوج انجام شده است که از آنها تشکر و قدردانی می‌شود.

** عضو هیأت علمی پژوهشکده کودکان استثنایی (Email: Mojgan_Ramezani@yahoo.com)

مقدمه

یادگیری ریاضیات یعنی زبان نمادینی که بشر را قادر می‌سازد در باره امور کمی بیندیشد و روابط فیما بین آنها را تشخیص دهد (لنر^۱، ۱۹۹۳؛ به نقل از رمضانی، ۱۳۷۹) مدت‌ها قبل از اولین روزهای مدرسه شروع می‌شود. به مجرد آن که کودکان قادر به دستورزی اشیاء شوند به خواص فیزیکی آنها یعنی اندازه، شکل، رنگ و وزن و ... پی می‌برند. با کسب تجربه بیشتر آگاهی کودکان از شمارش پذیری اشیا و نیز امکان اندازه‌گیری طول اشیاء فراهم می‌شود. بتدریج درک کودکان از روابط فضایی چون دور، نزدیک، درون و بیرون امکان پذیر می‌شود. با کسب تجربه‌های مختلف و رویه تزايد با اشیاء توانایی‌های دیگری نظیر مقایسه کردن^۲، ردیفبندی کردن^۳ و طبقه‌بندی کردن^۴ فراهم می‌شود. این امکان، کودکان را به سوی ساختارهای انتزاعی رهنمون می‌سازد (کندی و تیپز، ۱۹۹۷).

در مورد برخی کودکان، دشواری در فهم روابط عددی از همان سال‌های نخست زندگی که کودکان دیگر تجربه‌هایی را در شمارش، درک واحد به واحد، چورکردن، جدآکردن و مقایسه بدست می‌آورند؛ آغاز می‌شود.

هنگامی که این کودکان به مدارس ابتدایی راه پیدا می‌کنند، برای بسیاری از آن‌ها می‌توان کارکردی پایین‌تر از حد مورد انتظار در آزمون‌های پیشرفت تحصیلی و ضریب هوشی متصور شد. همین نکته یعنی بررسی کارکرد دانش‌آموزی که در درس ریاضی به طور کامل‌افحاشی از توانایی‌اش در سایر درس‌ها، نمره آزمون‌های پیشرفت تحصیلی و ضریب هوش، نمره‌پایین تری را کسب می‌کند؛ مفهوم حساب نارسایی^۵ یا اختلال ویژه اکتساب حساب را به ذهن متبار می‌سازد (رمضانی، ۱۳۸۰). در توضیح باید گفت که این اختلال یکی از زیر گروههای فرعی اختلال‌های خاص یادگیری است که اکتساب مهارت‌های حساب را تحت تأثیر قرار می‌دهد به گونه‌ای که محاسبه، فرایندهای تشکیل دهنده محاسبه و مهارت‌های پیش نیاز را مختل می‌سازد (رورک و کنوی، ۱۹۹۷). حساب نارسایی به عنوان یک اختلال در گستره مجموعه‌های تشخیصی و آماری انجمن روانپژوهی امریکا، تنها از حد سومین مجموعه (DSMIII)، یعنی از سال ۱۹۸۰ به بعد، مطرح گردیده است و عبارت است از ناتوانی در انجام مهارت‌های حساب با توجه به ظرفیت هوش و سطح آموزشی مورد انتظار کودک که این مهارت‌ها به کمک

آزمون‌های میزان شده فردی اندازه‌گیری شده باشد. در چهار گروه از مهارت‌های تفکر کمی آسیب مشاهده می‌شود:

مهارت‌های زبانی که به درک اصطلاحات حساب و انتقال مسئله‌های کلامی به نشانه‌های حساب مربوط است. مثل فهمیدن و نام بردن اصطلاحات ریاضی، فهمیدن و نام بردن عملیات و مفاهیم ریاضی و تبدیل مکتوب به نمادهای ریاضی.

برمبانی آنچه گفته شد مشکل دانش آموزان حساب نارسا در عملیات بنیادین حساب چون جمع، تفریق، ضرب و تقسیم از نارسایی‌های آموزشی ناشی می‌شود. در همین راستا باس^۷ و وان^۸ (۱۹۹۴؛ به نقل از رمضانی، ۱۳۷۹) براین باورند که دانش آموزانی که قربانی آموزش ضعیف هستند را می‌توان از طریق مقایسه کارکرد نسبتاً خوب آنها در درک مفاهیم ریاضی مربوط به اندازه‌ها و ارزش سکه‌ها که معمولاً خود را به صورت تصادفی نشان می‌دهند، با کارکرد آنها در زمینه‌هایی که پس از آموزش ویژه خود را نشان می‌دهد (مثل انجام عملیات چهارگانه) شناخت. نارسایی در اکتساب فرایندهای تشکیل دهنده محاسبه نظیر مطابقت یک به یک، شمارش، مجموعه‌ها دلیل دیگری برای این اختلالها است. افزون بر آن بخش دیگری از این مشکلات احتمالاً از مشکلات خاصی ناشی می‌شود که دانش آموز حین پیشرفت در هریک از این فرایندهای بنیادین با آن‌ها روبرو می‌شود.

با کمک برخی شیوه‌های غیر رسمی می‌توان بسیاری از این نارسایی‌ها را شناسایی و یا تحلیل کرد. شناسایی و تفسیر و تحلیل این نارسایی‌ها، خواه به کمک تکالیف کتبی و خواه به صورت مصاحبه شفاهی (پرسش شفاهی) و یا کار روی تخته سیاه یک جنبه ضروری در چرخه ارزشیابی و آموزش دانش آموزان واحد ناتوانی‌های خاص یادگیری است. در همین راستا اشلاک^۹ (۱۹۶۷؛ به نقل از والاس و مک فارلین ترجمه منشی طوسی، ۱۳۷۳) پیشنهاد کرده است که تکالیف کتبی را فقط نباید تصحیح کرد و نمره داد بلکه باید آن را تحلیل کرد. تحلیل کارکرد دانش آموزان پس از اتمام تکالیف، معمولاً مشکلات خاص وی را در برخورد با هریک از مقوله‌های تفکر کمی مشخص می‌کند. بررسی‌هایی که به تحلیل خطاهای این دانش آموزان پرداخته‌اند، نشان می‌دهند که این خطاهای از الگوهای مشابهی پیروی می‌کنند. در همین راستا موران^{۱۰} (۱۹۷۸)

خطاهای دانشآموزان را به سه رده عمدۀ تقسیم می‌کند که می‌توانند به طور مجزا و یا در ترکیب با دیگر خطاهای ظاهر شوند (منشی طوسی، ۱۳۷۳):

(۱) انتخاب ارقام نادرست: در این خطاهای دانشآموز با بهره‌گیری از شیوه و اعمال صحیح، راه را درست انتخاب می‌کند اما به علت انتخاب ارقام نادرست در جمع، تفریق، ضرب یا تقسیم، به پاسخ‌های صحیح دست نمی‌یابد. به نظر وی این نوع خطا، احتمالاً متداولترین نوع خطاهاست.

(۲) شیوه ناصحیح: دانشآموز ارقام و نوع عملی را که باید انجام گیرد بدرستی انتخاب می‌کند اما از مسیر خود منحرف می‌شود. برخی اعمال مورد نیاز برای رسیدن به جواب را، حذف می‌کند یا شیوه‌ای را بر می‌گزیند که همیشه به جواب صحیح می‌انجامد. خطاهایی که در این رده مشاهده می‌شوند جدی‌تر تلقی می‌شوند، زیرا از عدم درک و بکارگیری نادرست محاسبه‌های رقومی مایه می‌گیرند.

(۳) عملیات نادرست: دانشآموز ارقام را به درستی برمی‌گزیند اما به جای جمع، تفریق می‌کند یا به جای ضرب، تقسیم می‌کند.

در تقسیم بندی دیگری از (هامیل^{۱۱} و بارتل^{۱۲}، ۱۹۹۴)، به نقل از بیانگرده و نائینیان، ۱۳۸۰) خطاهای دانشآموزان را تحت چهار عنوان طبقه بندی کرده‌اند:

۱- اشکال در شناخت حقایق (دانش اخباری^{۱۳})

۲- اشکال در شیوه‌های دانستن (دانش شیوه‌ای^{۱۴})

۳- اشکال در دانستن زمان و مکان استفاده از واقعیت‌ها یا روش‌های معین یا مسائل مربوط به اینکه چه موقع و کجا می‌توان از حقایق یا شیوه‌های معینی استفاده کرد (دانش مشروط^{۱۵})

۴- خطاهای تصادفی ناشی از بی دقیقی یا بی توجهی.

شناسایی و تفسیر هر یک از خطاهای دانشآموزان، زمینه طرح ریزی یک برنامه آموزشی مناسب را برای آموزگار فراهم می‌کند. افزون بر آن باز خوردهایی نیز درباره کارآیی و اثر بخشی آموزش‌ها به وی می‌دهد. بدین ترتیب آموزگاران از این طریق می‌فهمند که آیا شیوه‌های آموزشی موجب این خطاهای شده یا باید به دنبال علل‌های دیگر بگردند.

در این تحقیق با عنایت به شیوه رفتاری که یکی از نتایج روانشناسی رفتاری نگر اسکینر^{۱۶} (۱۹۶۳) است، به تجزیه و تحلیل خطاهای محاسباتی پرداخته می‌شود. این رویکرد گام به گام به آموزگاران هم در تحلیل خطاهای و هم در برنامه ریزی آموزشی کمک می‌کند. معلمان می‌توانند هم از تکالیف کتبی و هم از پروتکل «تفکر با صدای بلند»^{۱۷} به عنوان منابع اطلاعات تشخیصی استفاده کنند. در هر مورد، هر آنچه دانشآموز انجام می‌دهد یا می‌گوید آموزگار را به سوی یک فرضیه آزمایشی درباره منبع اختلال رهنمون می‌کند. پس از شناسایی مشکل، آموزگار می‌تواند حدس بزند که کدام یک از روش‌های آموزشی برای کودک مفید خواهد بود. بر مبنای آن می‌توان راهبردهای آموزشی مناسب برای پرسش‌های مهمی که به دنبال استفاده از این شیوه در برنامه ریزی تحصیلی حاصل می‌شود؛ در نظر گرفت که عبارتند از:

(۱) چه نوع تکلیف خاص برای دانشآموز مهم است؟

(۲) چه نوع رفتارهای خاصی لازم است تا کودک برای انجام این تکالیف قادر باشد؟ ضرورت پرداختن به این پژوهش را می‌توان در فراهم آوردن شرایطی که معلمان را یاری می‌دهد تا براساس انواع الگوهای خطاهای، آموزش مناسب مفاهیمی را که دانشآموزان به غلط دریافت کرده اند و یا درک ناقصی از مفهوم دارند، جستجو کرد.

سؤالات پژوهش

۱- آیا دانشآموزان حساب نارسا در شناخت واقعیت‌های ریاضی اشکال دارند؟

۲- آیا دانشآموزان حساب نارسا در دانستن زمان و مکان استفاده از واقعیت‌ها یا

روش‌های معین اشکال دارند؟

۳- آیا دانشآموزان حساب نارسا اشکال در دانستن روش‌ها دارند؟

۴- آیا دانشآموزان حساب نارسا دچار خطاهای تصادفی ناشی از بی‌دقیقی و یا

بی‌توجهی می‌شوند؟

روش

با توجه به ماهیت موضوع و هدفهای این تحقیق از روش توصیفی به عنوان شکلی از تحقیق استفاده شده است.

جامعه، نمونه و روش نمونه گیری

جامعه آماری این پژوهش را کلیه دانشآموزان پایه‌های اول تا پنجم شهرستان یاسوج که با استفاده از سالنامه‌های آماری وزارت آموزش و پرورش سال ۱۳۸۱ مشخص شدند؛ تشکیل می‌دادند. تعداد این افراد شامل ۷۶۳۲ نفر: (۳۹۲۲ پسر و ۳۷۱۰ دختر) بودند.

برای نمونه‌گیری از نمونه‌گیری قضاوتی یا هدفمند استفاده شده است. این نوع نمونه‌گیری در مواردی کاربرد دارد که پژوهشگر به نمونه مورد بررسی دسترسی ندارد و یا به دلایل سهولت کار و اقتصادی بودن، از نمونه تجمع یافته استفاده می‌کند.

از آنجا که میزان شیوع حساب نارسایی بدون وجود اختلالات دیگر یادگیری، ۱ مورد از ۵ مورد (نیکخوو آوادیس یاسن، ۱۳۷۶) گزارش شده است، در این بررسی نیز هدف این بود که فقط دانشآموزانی مورد بررسی قرار گیرند که نمونه خالص‌تری در این اختلال باشند. تعداد این دانشآموزان ۲۰ نفر بود که توسط کارشناسان مرکز مشکلات یادگیری مورد ارزیابی‌های چندگانه قرار گرفته بودند. جدول ۱ توزیع فراوانی دانشآموزان عادی و حساب نارسای شهرستان یاسوج را به تفکیک جنس و پایه تحصیلی نشان می‌دهد.

جدول ۱ - توزیع فراوانی دانشآموزان عادی و حساب نارسای به تفکیک جنس و پایه تحصیلی

ردیف	نوع	جنس	تعداد		پایه
			عادی	نارسای	
۱۴۱۷	اول	پسر	۶۷۵	۱	۶۲۲
۱۴۴۱	دوم	پسر	۷۲۲	۱	۷۱۹
۱۴۶۳	سوم	پسر	۷۶۸	۷	۷۹۵
۱۴۱۴	چهارم	پسر	۸۴۱	۳	۷۷۳
۱۷۹۷	پنجم	پسر	۹۱۶	۴	۸۸۱

أبزار

در این پژوهش از آزمون ریاضیات ایران کی مت استفاده شد که برای دانشآموزان ۶/۶ تا ۱۱/۸ ساله هنجاریابی شده است و به لحاظ گستره و توالی شامل سه بخش می‌باشد:

- حوزه مفاهیم اساسی که از سه آزمون فرعی تشکیل شده است: شمارش، اعداد گویا و هندسه ،

- حوزه عملیات که عبارت است از جمع، تفریق، ضرب، تقسیم و محاسبه ذهنی.
- حوزه کاربرد که شامل پرسشهایی است که اندازه‌گیری، زمان و پول، تخمین، تحلیل داده‌ها و حل مسئله را می‌سنجند. اعتبار آزمون با استفاده از روش آلفای کرونباخ در پنج پایه ۸۰٪ تا ۸۴٪ گزارش شده است (محمد اسماعیل، ۱۳۷۸).

از آنجا که هدف تحقیق تعیین خطاهای انجام شده در محاسبات بود، به منظور بررسی کارکرد آزمودنی‌ها از بخش کتبی آزمون پیشرفت تحصیلی ریاضی ایران کی-مت (حوزه عملیات: جمع، تفریق، ضرب و تقسیم به استثنای محاسبه ذهنی) استفاده شد. استفاده از این بخش از آزمون به دلیل آن که اهداف رفتاری مرتبط با موضوع تحقیق را در برداشت، مناسب می‌نمود. در هریک از برگه‌های مربوط به یکی از عملیات اصلی، ۱۲ ماده (صورت مسئله) بود که دانش‌آموزان هر پایه باید با توجه به سطح عملکردی خاص هر پایه کلاسی به تعداد متناسب آن، پاسخ کتبی می‌دادند. در مورد دانش‌آموزان پایه‌های اول و دوم، سطح پاسخ‌دهی قابل قبول، عملیات جمع و تفریق بود. در مورد دانش‌آموزان پایه‌های سوم و چهارم و پنجم هم تعداد ماده‌ها افزایش می‌یافت و آنها ملزم به انجام محاسبه‌های ضرب و تقسیم نیز بودند. برگه‌های مربوط به هر آزمودنی با در نظر گرفتن پایه تحصیلی و سطح عملکردی مورد انتظار مورد تحلیل قرار گرفتند.

به منظور تحلیل خطاهای هر ماده از جدول پیشنهادی (رمضانی، ۱۳۷۹) برای عملیات جمع و تفریق و جدول پیشنهادی ریزمن (ریزمن، ۱۹۷۸) به نقل از منشی‌طوسی، (۱۳۷۶) استفاده شد. در مواردی که در تشخیص خطاهای ابهام وجود داشت، کار تحلیل برگه به صورت توافقی انجام شد. جدول ۲ نمونه خطاهای انجام شده و نحوه تحلیل هریک در عملیات بنیادین را می‌نمایاند.

جدول ۲ - نمونه خطاهای حل مسأله جمع

نمونه	تحلیل
$\begin{array}{r} 5 \\ -2 \\ \hline 3 \end{array}$	۱- انتخاب غلط عملیات (به جای تغیریق جمع می‌گند و بر عکس)
$\begin{array}{r} 5 \\ +2 \\ \hline 7 \end{array}$	۲- عدم تسلط بر جمیع های اساسی
$\begin{array}{r} 18 \\ +35 \\ \hline 52 \end{array}$	۳- توقف در اوین مرحله محاسبه
$\begin{array}{r} 15 \\ +28 \\ \hline 3 \end{array}$	۴- توجه به اطلاعات غیرضروری برای پختن ۲۰ عدد کیک به ۱۲ تخم مرغ نیاز داریم اگر ۸ تا از تخم مرغها را تهیه کرده باشیم به چند عدد دیگر نیاز داریم.
$\begin{array}{r} 20 \\ -8 \\ \hline 12 \end{array}$	۵- تحریف در اعداد
$\begin{array}{r} 42 \\ +24 \\ \hline 66 \end{array}$	۶- خالی گذاشتن جواب مسأله
$\begin{array}{r} 3 \\ 4 \\ +1 \\ \hline 8 \end{array}$	۷- در حاصل جمع رقم دهگان را به جای یکان می‌نویسد
$\begin{array}{r} 5 \\ 4 \\ +1 \\ \hline 10 \end{array}$	۸- یکان را با دهگان تبدیل نمی‌کند.
$\begin{array}{r} 5 \\ 4 \\ +1 \\ \hline 10 \end{array}$	۹- تعمیم دهی غلط با توجه به نوع آموزش‌هایی که دریافت کرده بی توجه به نوع مسأله‌ای که باید حل کند از همان الگوی فراگرفته برای حل مسأله استفاده می‌کند.
$+ 1 \quad +$	۱۰- اشتباه نویسی در علامت
14	۱۱- نوشتن جواب مسأله بدون نوشتن جمله ریاضی
$\begin{array}{r} +43 \\ 50 \\ \hline 90 \end{array}$	۱۲- عدم تسلط بر جمیع عدد با صفر
$\begin{array}{r} 10 \\ -1 \\ \hline 10 \end{array}$	

جدول ۳- نمونه خطاهای حل مسأله تفربیق

نمونه	تحلیل
$\begin{array}{r} -24 \\ -28 \\ \hline -14 \end{array}$	۱- وقتی در تفربیق عدد کمتر مینای عمل تفربیق قرار می گیرد.
$\begin{array}{r} -14 \\ -8 \\ \hline 6 \end{array}$	۲- انتخاب غلط عملیات استفاده از عمل جمع زمانی که تفربیق باید انجام شود.
$\begin{array}{r} -10 \\ -4 \\ \hline 6 \end{array}$	۳- توقف در اولین مرحله محاسبه معنی عضو صفر در تفربیق را نمی داند.
$\begin{array}{r} 28 \\ -9 \\ \hline 19 \end{array} \quad \begin{array}{r} 22 \\ -14 \\ \hline 18 \end{array}$	۴- کم نکردن از دهگان پس از انتقال به ستون یکان
$28 - 9 = 19$	۵- توجه به اطلاعات غیر ضروری و دخالت دادن آنها در محاسبه
$\begin{array}{r} 24 \\ -4 \\ \hline 20 \end{array}$	مریم در ۲۴ ساعت ۷ صفحه از کتاب خود و مرجان در ۲۴ ساعت ۴ صفحه می خواند حساب کنید مریم چقدر بیشتر از مرجان کتاب می خواند؟
$\begin{array}{r} -38 \\ 25 \\ \hline 12 \end{array} \quad \begin{array}{r} 46 \\ -11 \\ \hline 24 \end{array}$	۶- تسلط نداشتن بر تفربیق های پایه
$\begin{array}{r} 29 \\ 3 \\ \hline 26 \end{array} \quad \begin{array}{r} 26 \\ 14 \\ \hline 12 \end{array}$	۷- حذف علامت
$29 - 3 = 26$	۸- تعمیم نابجا در به کار بستن روش آموزشی
$10 - 56 = 56$	۹- تحریف عدد
$\begin{array}{r} 44 \\ -15 \\ \hline 29 \end{array} \quad \begin{array}{r} 24 \\ -13 \\ \hline 17 \end{array}$	۱۰- تحریف عدد ۵۶ به جای ۳ به جای ۱۳
	۱۱- در تفربیق، یکان را جمع و در دهگان، دهگان را تفربیق می کند.

روش آماری

بررسی آماری داده‌های این تحقیق در سطح توصیفی با محاسبه فراوانی و درصد فراوانی، رسم جداول و نمودارها انجام شده است.

یافته‌ها

در این پژوهش خطاهای دانش‌آموزان حساب نارسای مراجعه کننده به مرکز مشکلات ویژه یادگیری در یاسوج از طریق انجام تکلیف کتبی برای عملیات بنیادین حساب تصحیح، تعیین و دسته بندی و نتایج در جدول‌هایی که به این منظور تهیه شده بود، ارائه گردید.

جدول ۴ - مشخصات آزمودنی‌های حساب تارسا براساس مقیاس هوشی WISC-R و آزمون پیشرفت تحصیلی ایران کی-مت

نمره استاندارد از ۰ تا ۱۰۰ پیشرفت تحصیلی ایران کی-مت	مشخصات بر اساس مقیاس WISC-R	نمره هوشی بر اساس مقیاس WISC-R	نمودارهای آزمودنی‌ها	ویژگی‌های آزمودنی‌ها	
				نامندگانی	نامندگانی
۷۸	پایین تراز طبیعی	۸۵	۱	اول	
۹۲	پایین تراز طبیعی	۸۸	۲		
۸۱	طبیعی	۹۹	۳	دوم	
۹۰	پایین تراز طبیعی	۸۵	۴		
۹۲	طبیعی	۹۶	۵		
۹۰	پایین تراز طبیعی	۸۱	۶		
۹۳	طبیعی	۹۶	۷		
۸۱	پایین تراز طبیعی	۸۸	۸	سوم	
۹۱	طبیعی	۹۳	۹		
۸۵	پایین تراز طبیعی	۸۸	۱۰		
۹۹	طبیعی	۹۲	۱۱		
۹۱	طبیعی	۹۱	۱۲		
۹۰	طبیعی	۹۶	۱۳		
۸۵	طبیعی	۹۲	۱۴		
۹۹	طبیعی	۹۱	۱۵		
۸۲	پایین تراز طبیعی	۸۷	۱۶	چهارم	
۸۲	طبیعی	۹۲	۱۷		
۶۷	پایین تراز طبیعی	۸۵	۱۸		
۹۳	پایین تراز طبیعی	۸۳	۱۹		
۸۴	پایین تراز طبیعی	۸۵	۲۰	پنجم	

تحلیل خطاهای محاسباتی دانش آموختان... / ۲۲۳

جدول ۵ - توزیع فراوانی پاسخ های صحیح و غلط وسطح عملکرد مربوط به دانش آموزان به تفکیک پایه تحصیلی در عملیات چهار گانه

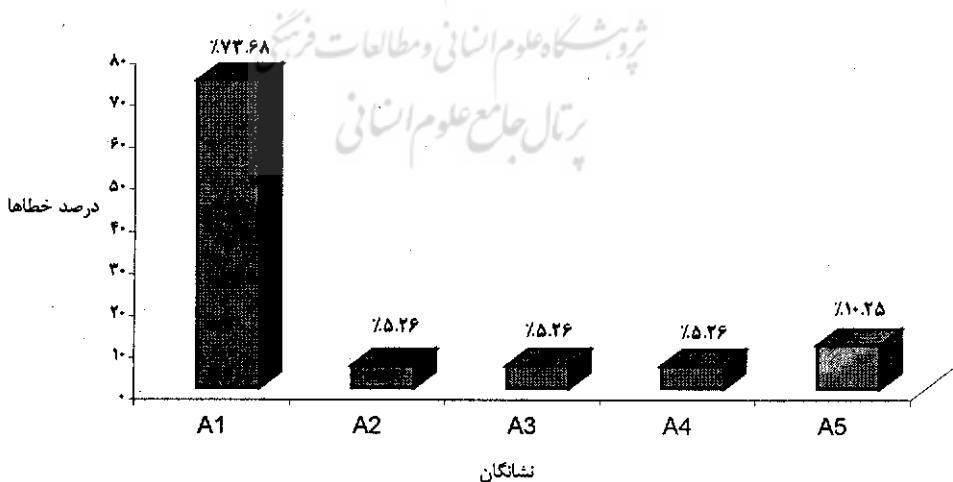
جدول ۶- خطاهای دانشآموزان حساب نارسای شهرستان یاسوج در چهار عملیات بنیادین

کل خطاهای هریک از استثنای	تکلیل خطاهای	
۵	عدم تسلط بر جمعبندهای پایه و بی دقت بودن عدم تسلط بر جمعبندهای با مخرج یکسان جا انداختن عدد هنگام جمع یک ستون در جمعبندهای شیوه نتیجه گیری عمل نمی کند از جمعبندهای حالت افقی عاجز است	A ₁ A ₂ A ₃ A ₄ A ₅
	عدم تسلط بر تفریق های پایه کم کردن یکان عدد اول از یکان عدد دوم در مفروق منه صفر وجود دارد و رقم بالا از پائین کسر می شود عدم تسلط بر تفریق کسرهایی با مخرج یکسان تأثیر صفر را در تفریق با تاثیر آن در ضرب اشتباہ می کند کاربرد مفهوم عضو خنثی جمعبندهای در تفریق نمی داند تکمیل نکردن تفریق و توقف در اولین مرحله	B ₁ B ₂ B ₃ B ₄ B ₅ B ₆ B ₇ B ₈ B ₉ B ₁₀
	یکان را از دهگان کم می کند کم نکردن از ستون دهگان پس از انتقال به ستون یکان عدم توانایی در انتقال دهگان زمانی که ارزش مکانی صفر در دهگان است حتی اگر در مورد صدگان انتقال صورت گیرد یکان را از دهگان کم کردن کم نکردن از صدگان پس از انتقال به ستون دهگان	B ₁₁ B ₁₂
	تأثیر صفر را در ضرب با عضو خنثی در ضرب اشتباہ می کند رقم دهگان را در حاصل ضرب به جای یکان می نویسد و یکان را به ستون دهگان منتقل می کند	C ₁ C ₂
	تسلط نداشتن بر ضربهای پایه خطاهای جمعبندهای انجام عمل ضرب مفهوم ضرب در کسر را نیاموخته است نا تمام گذاردن ضرب دورقم در دورقم	C ₃ C ₄ C ₅ C ₆
۴	عدم تسلط بر تقسیم های پایه تقسیم نادرست به علت تفریق نادرست صفر لازم در خارج قسمت را حذف می کند ناتمام گذاشتن تقسیم و بی توجهی به صفر مقسوم و تأثیر آن در خارج قسمت	D ₁ D ₂ D ₃ D ₄

جدول ۷ - فراوانی و درصد خطاهای دانش آموزان حساب نارسا در عمل جمع

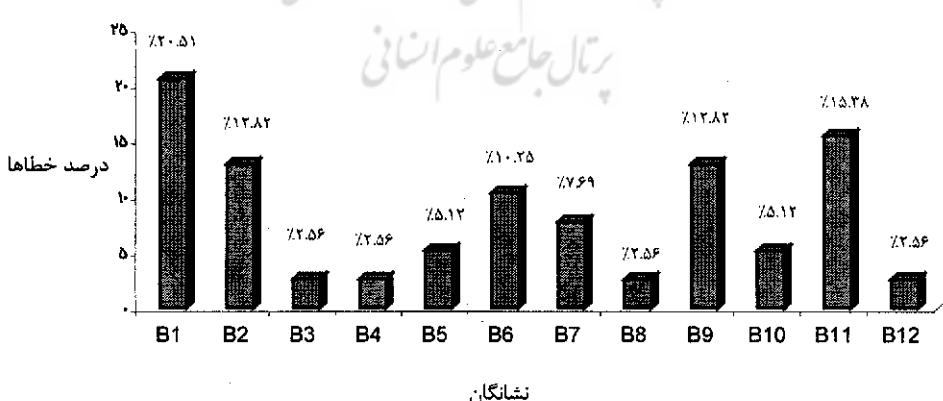
نماگان	فراآنی و درصد	نماگان				
		عدم تسلط بر جمع های بایه و می دقتی در آن	کسرها مخرج یکسان	جمع یک ستون	عدد هنگام جمع به کسرها	در جمع به شیوه نتیجه تیری عمل نمی کند
فراآنی	۱۴	۱	۱	۱	۱	۲
درصد	٪۷۳/۶۸	٪۵/۲۶	٪۵/۲۶	٪۵/۲۶	٪۵/۲۶	٪۱۰/۵۲

همانطور که مشاهده می شود از کل خطاهای دانش آموزان حساب نارسا در عمل جمع ۱۴ خطاهای با فراآنی ٪۷۳/۶۸ امر بوط به عدم تسلط بر جمع های پایه و بی دقتی در عملیات بوده است . پس از آن عمده ترین خطاهای با فراآنی ٪۱۰/۵۲ امر بوط به ناتوانی دانش آموز در جمع به حالت افقی بوده است. موارد دیگر خطاهای بادر صدهای مشابه (٪۵/۲۶) به ترتیب به عدم تسلط بر جمع کسرها با مخرج یکسان، جانداختن عدد هنگام جمع یک ستون ، عمل نکردن در جمع به شیوه نتیجه گیری بوده است.



جدول ۸- تقریبی و درصد خطاهای دانش آموزان حساب تاریخاً در عمل تقریب

داده‌های جدول ۸ نشان می‌دهد که از کل خطاهای دانشآموزان در عمل تفریق، عدم تسلط بر تفریق‌های پایه با فراوانی ۸/۵۱٪ بیشترین میزان خطا در این عمل بوده است. پس از آن خطای مربوط به کم نکردن از صدگان پس از انتقال به ستون دهگان (۳/۱۵) قرار داشته است. خطاهای انجام شده به ترتیب فراوانی به قرار زیر است: خطاهای مربوط به کم کردن یکان عدد اول از یکان عدد دوم و نیز خطای مربوط به کم نکردن از ستون دهگان پس از انتقال به ستون یکان (هر یک با فراوانی ۵٪)، خطایی که ناشی از ندانستن کاربرد مفهوم عضو خنثی در تفریق است (۰/۱۰)، خطاهای مربوط به تکمیل نکردن تفریق و توقف در اولین مرحله (۹/۷٪). خطاهایی نظیر «تأثیر صفر را در تفریق با تأثیر آن در ضرب اشتباه می‌کند» و نیز خطای «عدم توانایی در انتقال دهگان زمانی که ارزش مکانی صفردر دهگان است» (هر یک با فراوانی ۳٪)، ۱۲/۵٪ خطاهای را به خود اختصاص داده‌اند. کمترین خطای مشاهده شده در عمل تفریق که با فراوانی ۱٪ مشخص شده‌اند مربوط به B_2 و B_4 و B_8 و B_{12} است. هنگامی که در مفروق منه صفر وجود دارد و رقم بالا از رقم پایین کسر می‌شود، ونیز یکان را از دهگان کم می‌کند عدم تسلط بر تفریق کسرهایی با مخرج یکسان، یکان را از دهگان کم می‌کند.

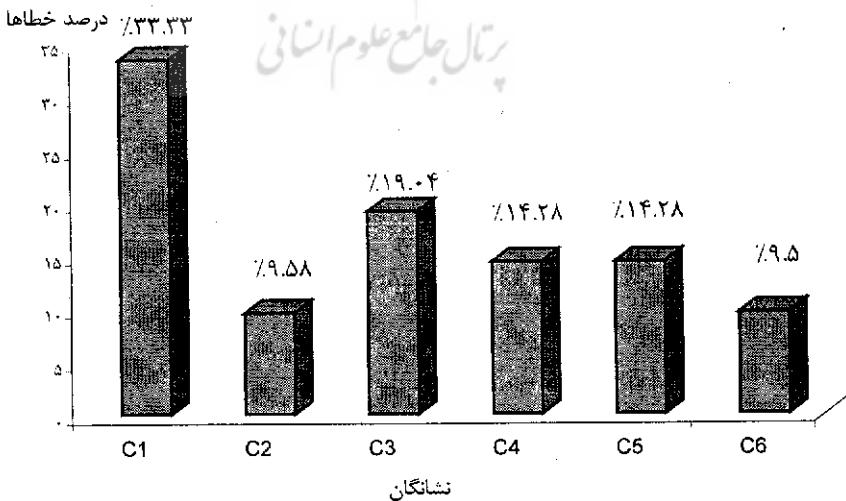


نمودار ۲ - درصد فراوانی خطاهای دانشآموزان حساب نارسادر عمل تفریق

جدول ۹- فراوانی و درصد خطاهای دانشآموزان حساب نارسا در عمل ضرب

نامگذاری	با این ضرورت در جمع دسته‌بندی کردند	ضریب انتسابه همی کند	از حاصل ضرب یکان ریکان می‌نویسند که دهستون دهگان منتقل می‌کند	رقم دهگان را سلط نداشتن به ضریب پایه	خطای جمع هنگام انجام عمل ضرب	برکسرها نمایوجته است	مفهوم ضرب عمل تکمیل ضرب در انجام ضرب دو رقم در دو رقم	کل
C _۶	C _۵	C _۴	C _۳	C _۲	C _۱			
۷۱۰۰	٪۹/۵	٪۱۴/۲۸	٪۴/۲۸	٪۱۹/۰۴	٪۹/۵۸	٪۲۳/۲۳		درصد
۲۱	۲	۳	۳	۴	۲	٪		فراوانی

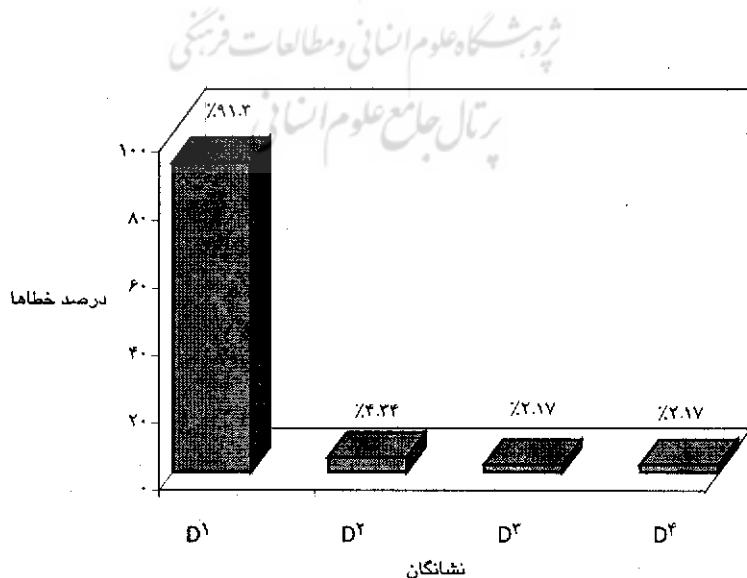
مشاهده جدول ۹ نشان می‌دهد که بالاترین فراوانی مشاهده شده در خطاهای مربوط به عمل ضرب ناشی از اشتباه متوجه شدن دانشآموزان از تأثیر صفر در ضرب با عضو خنثی در جمع است. پس از آن سلط نداشتن بر ضرب‌های پایه با فراوانی ۴ (۱۹/۰۴)، خطاهای جمع هنگام انجام عمل ضرب و عدم درک مفهوم ضرب درکسر هریک با فراوانی ۳ و پس از آن خطاهای مربوط به «رقم دهگان را در حاصل ضرب به جای یکان می‌نویسد و یکان را به ستون دهگان منتقل می‌کند» و «خطای مربوط به عدم تکمیل ضرب در انجام ضرب دو رقم در دو رقم» با ٪۹/۵ کمترین خطاهای مشاهده شده‌اند.



جدول ۱۰ - فراوانی و درصد خطاهای دانش آموزان حساب نارسا در عمل تقسیم

نامگذاری خطاهای حساب نارسا	تعداد دانش آموزان				فرآوانی درصد
	D _۱	D _۲	D _۳	D _۴	
ناتمام گذاشتن تقسیم و بی توجهی به صرف مقسوم و تأثیر آن در خارج بسته	۴۶	۱	۱	۲	۴۲
%۱۰۰	%۲/۱۷	%۲/۱۷	%۴/۳۴	%۹۱/۳۰	درصد

با مشاهده جدول مشخص می شود که بیشترین خطاهای مربوط به عمل تقسیم مربوط به «عدم تسلط بر تقسیم های پایه» است که %۹۱/۳۰ خطاهارا به خود اختصاص داده است. کمترین خطاهای مشاهده شده مربوط به تقسیم نادرست به علت تفريقي نادرست (فراوانی ۲) و پس از آن خطاهایي نظير «صرف لازم را در خارج قسمت حذف می کند» و «ناتمام گذاشتن تقسیم و بی توجهی به صفر مقسوم و تأثیر آن در خارج قسمت» هریک با فراوانی ۱ یعنی %۲/۱۷ از کل خطاهای است.



نمودار ۴ - درصد فراوانی خطاهای دانش آموزان حساب نارسا در عمل تقسیم

بحث و نتیجه گیری

با مروری بر جدول‌های شماره ۷، ۸، ۹ و ۱۰ امکان پاسخگویی به سوالات پژوهش فراهم می‌شود. همان‌گونه که مشاهده می‌شود بخش بزرگی از خطاهای ایجاد شده دانش‌آموزان حساب نارسا از اشکالات آنها در شناخت کافی واقعیت‌ها (حقایق) ریاضی است. در توجیه این مطلب می‌توان هم‌صدا با وان و باس (۱۹۹۴) گفت که معلمانی که بی‌توجه به اهمیت ترتیب ارائه مفاهیم کمی به آموزش مفاهیم می‌پردازند و یا در آموزش خود از مواد آموزشی به طور نادرستی استفاده می‌کنند، زمینه را برای نارسا‌یابی در فراگیری فرایندهای تشکیل دهنده محاسبه فراهم می‌کنند. این موارد با اشکال دانش‌آموز در دانستن زمان و مکان استفاده از واقعیت‌ها یا مشکلاتی در دانستن و بکار بستن روشها و نیز خطاهای ناشی از بی‌توجهی و بی‌دقیقی (هر چند کوچک) مشخص می‌شود. به این ترتیب به نظر می‌رسد سهم عمده خطاهای به اشکال در شناخت واقعیت‌های ریاضی که محصول آموزش ناکافی یا نادرست معلم است، مربوط می‌شود. دیگر خطاهای مرتكب شده را می‌توان ناشی از خطای اول و نیز نارسا‌یابی‌های اکتساب در دانش‌آموزان حساب نارسا دانست. این خطاهای، حین پیشرفت دانش‌آموز در هر یک از فرایندهای بنیادین بوجود آمده و به اشکالی تغییر عدم درک و فهم زمان و مکان استفاده از واقعیت‌ها، اشکال در دانستن و بخاطر آوردن روش‌ها و یا بی‌دقیقی و بی‌توجهی که از ویژگی‌های خاص دانش‌آموزان دارای ناتوانی‌های خاص یادگیری است، سرچشمه می‌گیرد.

در یک جمع‌بندی می‌توان گفت: عمدۀ ترین خطاهای دانش‌آموزان حساب نارسا، در شناخت واقعیت‌ها و دانش اخباری است که در چهار عمل اصلی بجز ضرب بیشترین درصد فراوانی را نشان داده است. این نتایج با نتایج رمضانی (۱۳۷۹) که در آن عمدۀ ترین خطاهای دانش‌آموزان عدم تسلط بر جمع اساسی بوده است، مطابقت دارد. علت این امر را شاید بتوان در این نکته جستجو نمود که از بین عملیات یاد شده، عمل جمع نخستین عملی است که دانش‌آموزان می‌آموزند و کسب این عمل منوط به اکتساب مفاهیم پیش نیازی چون مطابقت یک به یک، شمارش و مجموعه‌های است. به این دلیل عدم درک دانش‌آموز خواه از مشکلات آموزشی معلم ناشی شود و خواه نتیجه نارسا‌یابی‌های اکتسابی دانش‌آموزان باشد با تأثیری سوء که بر کارکردهای محاسبه‌ای

می‌گذارد، معلوم می‌شود. این مسأله بدان معناست که آشنایی معلمان با فرایندهای یاددهی- یادگیری دانش آموزان دارای نارسایی‌های ویژه اکتساب حساب می‌تواند از تکرار خطاهای محاسباتی عملیات بعدی که بر مبنای عمل جمع بنا نهاده می‌شوند، بکاهد. در نتیجه تحلیل خطاهای محاسباتی ضمن ایجاد بینش در آنها، عملآ به آنها نشان می‌دهد که کدامیک از مفاهیم کمی را دانش آموزان به غلط دریافت کرده‌اند و یا نسبت به کدامیک از آنها درک ناقصی دارند.

در پژوهش حاضر به اقتضای موضوع مورد بررسی و ابزارهای به کار بسته محدودیت‌هایی که در پی می‌آیند وجود دارند:

۱- بررسی دانش آموزان منحصرأ به دانش آموزان مراجعه کننده به مرکز مشکلات ویژه یادگیری دانش آموزان شهر یاسوج محدود بوده است و از تحلیل خطاهای در شهرهای دیگر اطلاعی در دست نیست.

۲- با عدم دسترسی به تعداد کافی آزمودنی‌های حساب نارسا در تمامی پایه‌ها، امکان تحلیل و مقایسه بیشتر را فراهم نمی‌نمود.

۳- در این تحقیق برخی از متغیرها (متغیرهای اقتصادی، آموزشی، اجتماعی و فرهنگی) کنترل نشده است.

۴- در این تحقیق نتایج تحلیل محدود به یک ابزار بوده است و از تفاوت نتایج کاربرد ابزارهای دیگر اطلاعی در دست نیست.

به محققان پیشنهاد می‌شود که:

۱- با آزمودنی‌هایی از شهرستان‌های دیگر، قدرت تعمیم نتایج را افزایش دهند.

۲- با شناسایی هرچه بیشتر آزمودنی‌هایی که تحت عنوان حساب نارسا قرار می‌گیرند، می‌توان امکان تعمیم نتایج را بیشتر کرد.

۳- توجه به متغیرهای دیگر امکان بررسی و مقایسه بیشتری را فراهم می‌سازد.

۴- به کار بستن ابزارهای دیگر، امکان تحلیل خطاهای دقیق تری را فراهم می‌سازد.

۵- با برگزاری کلاس‌های ضمن خدمت معلمان و با توجه به این موضوع که سهم عمده خطاهای به عدم تسلط دانش آموزان در کسب مفاهیم بنیادی برمی‌گردد، می‌توان تا حد زیادی این مشکلات را به حداقل رساند.

۶- آشنایی معلمان با اختلالات خاص یادگیری و بیوژه اختلال ویژه اكتساب حساب و نیز آشنایی سبک تفکر این گروه در مواجهه با تکالیف کتبی ریاضی به معلمان بینش بهتری در تجدید نظر در روش های آموزشی خود می دهد. به همین دلیل ضروری است کلاس هایی که به معلمان این بینش هارا اعطا می کند، برگزار کرد.

یادداشت‌ها

- | | |
|--|--------------------------|
| 1) Lerner J | 2) comparing |
| 3) seriating | 4) classifying |
| 5) dyscalculia | |
| 6) diagnostic and Statistical manual of mental disorder 4th edition (DSMIV)-1999 | |
| 7) Bos, C.S. | 8) Vaughn, S. |
| 9) Ash Lock | 10) Morar |
| 11) Hammill, D. D. | 12) Batrel, N. R. |
| 13) declarative knowledge | 14) procedural knowledge |
| 15) conditional knowledge | 16) Skinner, B. F. |
| 17) thinkihg aloud | |

منابع

- رمضانی، مزگان، (۱۳۷۹). تأثیر برنامه های ترمیمی در فرآگیری دانش آموزان حساب نارسا. پایان نامه کارشناسی ارشد . دانشگاه تهران واحد تحصیلات تكمیلی و تحقیقات عالی.

رمضانی، مژگان، (۱۳۸۰). بررسی میزان شیوع حساب نارسایی در دانش آموزان پایه های چهارم و پنجم

مدارس ابتدایی شهر تهران، تهران: پژوهشکده کودکان استثنایی.

محمد اسماعیل، الهه، (۱۳۷۶). انطباق و هنجاریابی آزمون ریاضیات ایران کی مت. تهران: پژوهشکده

کودکان استثنایی.

نیکخو، محمدرضا و آزادیس یاسن، هاما یاک، (۱۳۷۶). اصول روانپژوهی بالینی. راهبردهای تشخیصی و

درمانی اختلالات روانی (براساس DSM IV و ICD). تهران: جیحون.

والاس، جرالد، ومک لافلین، جیمز، (بی تا). ناتوانی های یادگیری: مفاهیم و ویژگیها (ترجمه

م منشی طوسی، ۱۳۷۳). مشهد: انتشارات آستان قدس رضوی.

هامیل، دونالددی و بارتل، نتی آر، (۱۹۹۴). آموزش دانش آموزان دارای مشکلات یادگیری و رفتاری.

جلد دوم. (ترجمه اسماعیل بیانگرد و محمدرضا نائینیان، ۱۳۸۱). تهران: پژوهشکده کودکان

استثنایی.

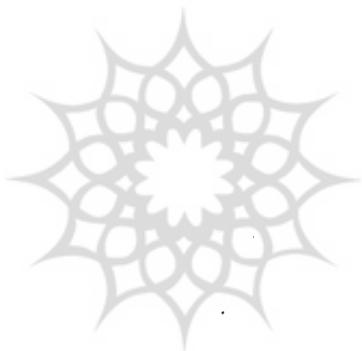
Kennedy , L . M,& Tipps,S . (1997). Guiding Childrens Learning of mathematics.(8th.ed.). u.s.A: wadsworth publishing company

Lerner , J.(1993). Learning Disabilities:Theories, Diagnosis & Teaching Strategies. (6th ed). U.S.A : Houghton mifflin Company , pp. 471-500

Rivera , D.P.Editor , G.(1997). Mathematics Education and students with Learning

Disabilities Introduction on to special series. Journnal of Learning
disabilities.vol . 30 (1) , 2-1.

Rourke, B. P. & Conway, J. A. (1997). Disabilities of arithmetic and mathematical
reasoning: perspectives from neurology and neuropsychology. Journal of
Learning Disabilites. Vol. 30(1).



پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی
پرتابل جامع علوم انسانی